4461680 - 4450680 - 0988778866



. 9 A A Y Y A A 7 - £ £ 0 . 7 A . _ £ £ 17 K.

مراجعة عامة لمبادئ الإحصاء

 $\overline{x} = \frac{\sum x}{n}$

 $S_x = \sqrt{\frac{\sum (x - \overline{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{\sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{n}}{n}} = \sqrt{\frac{\sum x^2 - \overline{x} \cdot \sum x}{n}}$ ثانيا: الانحراف المعياري: (رصوب من المعياري: الانحراف المعياري) على المعياري: الانحراف المعياري: المعياري: المعياري: المعياري: المعياري: المعياري: الانحراف المعياري: ا

مثال: لتكن لدينا البيانات التالية التي تمثل الأجر اليومي لـ (5) عمال تم سحبهم عشوانياً من إحدى الصناعات:

		<u>. —</u>	<u> </u>	, ,			
المجموع	5	4	3	2	1	رقم العامل	
2000	400	380	370	450	400	الأجر ل.س	

المطلوب: حساب كل من الوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري للأجر اليومي للعامل ؟

$$\overline{X} = \frac{400 + 450 + 370 + 380 + 400}{5} = 400 \text{ J}.$$

$$S_x^2 = \frac{(400 - 400)^2 + (450 - 400)^2 + (370 - 400)^2 + (380 - 400)^2 + (400 - 400)^2}{5} = 760$$

$$S_x = \sqrt{760} = 27.57 \text{ J}.$$

ثالثاً: المنحنى الطبيعي: يُستخدم من أجل حساب احتمالات معينة وذلك بالاعتماد على:

2) جدول الاحتمالات وقيم Z المقابلة لتلك الاحتمالات:

$1-\alpha$	68.27%	90%	95%	95.45%	99%	99.73%	100%
Z	± 1	±1.65	± 1.96	±2	±2.58	±3	±∞

مثال: أخذت عينة عشوائية من 400 طالب فوجد أن متوسط أطوال الطلاب 170 سم وبانحراف معياري 3 سم ؛ فإذا علمت أن أطوال الطلاب خاضعة للتوزيع الطبيعي ؛ المطلوب:

1- ما هو احتمال أن يتراوح طول طالب ما بين 167 و 176 ؟ ؛ 2- ما هو احتمال أن يكون طول طالب ما يتراوح بين 173 و 175.88؟ 3- أوجد النسبة المنوية للطلاب الذين تزيد أطوالهم عن 176 سم ؟ ؛ 4- أوجد عدد الطلاب الذين تقل أطوالهم عن 176 سم ؟

	*	÷	*	ل	الد	*	×	*
112	11	, ,	11	11				

 $Z_1 = \frac{173 - 170}{2} = +1 \Rightarrow 0.34135$

$$Z_2 = \frac{175.88 - 170}{3} = 1.96 \Rightarrow \frac{0.95}{2} = 0.475$$

$$P_r = 0.475 - 0.34135 = 0.13365 = 13.365\%$$

الطلب الأول:

$$Z_1 = \frac{167 - 170}{3} = -1 \Rightarrow \frac{0.6827}{2} = 0.34135$$

$$Z_2 = \frac{176 - 170}{3} = +2 \Rightarrow \frac{0.9545}{2} = 0.47725$$

$$P_r = 0.34135 + 0.47725 = 0.8186 = 81.86\%$$

الطلب الرابع:

$$Z = +2 \Rightarrow 0.47725$$

$$n(x \prec 176) = n \times P_r (Z \prec +2)$$

$$n(x < 176) = 400 \times (0.5 + 0.47725) \approx 391$$
 طالب

الطلب الثالث:

$$Z = \frac{176 - 170}{3} = +2 \Rightarrow 47.725\%$$

$$P_r\% = 50 - 47.725 = 2.275\%$$

class & and Ft = red

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركر البشائر ١٩٨٧٧٨٨٠٠

البحث الأول: الاستدلال الإحصائي لعينات كبيرة الحجم

1 - 1: مقدمة

الاستدلال الإحصائي (The Statistical Inference) هو إحصاء تحليلي يهدف إلى القيام بعملية استنتاج عن المجتمع الإحصائي من خلال عينة مسحوبة من ذلك المجتمع شرط أن تكون مسحوبة منه بصورة عشوائية ، (أي أن تكون العينة ممثلة للمجتمع المسحوبة منه أصدق تمثيل).

وقبل البدء في موضوع الاستدلال الإحصائي لا بد من التعرّف على مفاهيم هامة كمفهوم المجتمع الإحصائي و العينات وتوزيعات المعاينة وخاصة توزيعات المعاينة المتعلقة بالعينات كبيرة الحجم ، حيث تُعد العينة كبيرة الحجم إذا كان عدد مفرداتها 30 مفردة فأكثر

1 - 2: المجتمع الإحصائي والعينات

- المجتمع الإحصائي: عبارة عن جميع المفردات التي تتمتع بخاصية ما، فقد تكون المفردات بشراً أو أشياء أو ظواهر.
 - العينة: هي عبارة عن مجموعة من المفردات مسحوبة من المجتمع الإحصائي المرغوب دراسته.
 - أنواع العينات: 1) العينات العشوائية (العلمية أو الاحتمالية) ؛ 2) العينات غير العشوائية (الشخصية)

العينات العشوائية (العلمية أو الاحتمالية) العينات العشوائية (العلمية أو الاحتمالية) العينة العينات العشوائية : « هي العينة التي اختيرت باستخدام أسائيب السحب العلمية ، وتعني إعطاء كل مفردات المجتمع الإحصائي الفرصة ذاتها أو احتمالاً متساوياً لاختيارها » و أنواعها: العينة العشوائية البسيطة ، العينة العشوائية الطبقية ، العينة العشوائية المنتظمة ، العينة العشوائية العشوائية متعددة المراحل.

2) العينات غير العشوانية (الشخصية)

العينة غير العشوائية: « هي العينة التي يتم الحصول على بياتاتها بشكل غير عشواني ، أي لا يمكن تطبيق نظرية الاحتمالات وأصول الاستدلال الإحصائي عليها »؛ و أنواعها: عينة الحصص ، العينة المنتقاة ، العينة كبيرة الحجم

. أخطاء العينات: عند سحب العينة قد نرتكب أحد الخطأين التالبين:

1) أخطاء الحظ والصدفة (الأخطاء الاحتمالية أو العشوائية): هي تلك الأخطاء التي تصاحب عملية اختيار مفردات العينة ولا بد أن تقع بسبب عشوائية السحب ، ويمكن معالجتها بزيادة حجم العينة. تَعْمُرُ فَهُاء الْحُواء الصومة بالعناك العسوائي

عسواليه السخب ، ويمثل معاجبها برياده خجم الحيك. تصرفها و الافراء المرده العيال المنتفر في العينات. و المعرفها ع 2) اخطاء التحيز (الأخطاء المنتظمة): وهي تلك الأخطاء التي تنشأ بيد الباحث من خلال إتباع أساليب غير علمية في سحب العينات. و معرفها ع 1 – 3: التوزيعات التكرارية

1 - 3 - 1 توزيع المجتمع الإحصائي:

بفرض لدينا مجتمع إحصائي ما مؤلف من (N) وحدة إحصائية ، فإن لذلك المجتمع الإحصائي مقاييس إحصائية وصفية تدل على خصائصه ، مثل: الوسط الحسابي (μ) ، التباين (σ_x^2) ، الانحراف المعياري (σ_x) ، النسبة المئوية لتكرار الصفة (p) ومتممتها (q) حيث أن (q = 1 - p) وتدعى تلك المقاييس بالثوابت الإحصائية ، فالثابت الإحصائي هو : « أي مقياس إحصائي وصفي محسوب بدلالة المجتمع الإحصائي». ويفترض أن يكون شكل توزيع المجتمع الإحصائي خاضع للتوزيع الطبيعي.

<u>1 - 3 - 2 توزيع العينة:</u>

على فرض أننا سحبنا عينة عشوائية حجمها (n) وحدة إحصائية من مجتمع إحصائي ما ، فإن شكل توزيعها يشبه توزيع شكل مجتمعها الإحصائي الذي أخذت منه ، على اعتبار أنها مسحوبة بصورة عشوائية ، ويتميز توزيع العينة بمقاييس إحصائية وصفية تدل على خصائصه مثل: الوسط الحسابي (\overline{X}) ، التباين (S_x^2) الانحراف المعياري (S_x) ، النسبة المنوية لتكرار الصفة في العينة (P) ومتممتها خصائصه مثل: وتدعى هذه المقاييس بالتوابع الإحصائية ، فالتابع الإحصائي هو «أي مقياس إحصائي وصفي محسوب بدلالة العينة ».

<u>1 – 3 – 3 توزيع المعاينة:</u>

بفرض لدينا مجتمع إحصائي مؤلف من (N) وحدة إحصائية ، ونود أن نسحب منه جميع العينات العشوائية الممكنة والمتساوية الحجم ويساوي حجم كل منها (n) وحدة إحصائية ، فإنه سيتشكل لدينا عدداً من العينات العشوائية مساو إلى (N'') عينة إذا كان السحب مع إعادة أو

و معياري و المعروبة وسط حسابي ، المحتب دون إعادة ؛ وبما أن لكل عينة من العينات العشوائية المسحوبة وسط حسابي ، المحتب المعياري و $C_N^n = \frac{N!}{n!(N-n)!}$

ربر المسبقة منوية ، فسيكون لدينا عدداً من الأوساط الحسابية مطابقاً لعدد العينات العشوائية المسحوبة ، ونظراً لأن هذه الأوساط قد تختلف عن بعضها بسبب الأخطاء الاحتمالية ، فإنها تشكل فيما بينها توزيعاً تكرارياً يُطلق عليه توزيع معاينة الأوساط الحسابية ، وكذلك الأمر بالنسبة للانحرافات المعيارية والنسب المنوية.

حركز البشائر AL BASHAER CENTER . SAAVVAATT_ £ £0.7A. _ £ £717A.

4461680 - 4450680 - 0988778866

وبناءً على ما سبق يمكن تعريف توزيع المعاينة بأنه: « التوزيع التكراري لأحد المقاييس الإحصائية الوصفية المحسوب من عدد كبير من العينات العشوائية متساوية الحجم من مجتمع إحصائي واحد.» ، وبشكل عام ، فإن توزيع المعاينة هو ذلك التوزيع الذي يصف الكيفية التي تختلف فيها التوابع الإحصانية عن التوابت الإحصانية المقابلة لها، عندما تحدد قوى الحظ وحدها الوحدات التي ستتضمنها العينة من مجموع الوحدات في المجتمع الإحصائي. ومن تعمل الممنى العبيعي كوريع معابثة عاملات المعلال العصائي ؟ ملاوا؟

يُستعمل المنحني الطبيعي كتوريع معاينة نظري في معالجة مسائل الاستدلال الإحصائي، وبغض النظر عن التابع الإحصائي موضوع الدراسة، سواء كان وسطاً حسابياً أو انحرافاً معيارياً، شرط أن يكون حجم العينة كبيراً ($n \ge 30$) لأنه وبحسب نظرية الحد المركزي للإحصاء الرياضي: «كلما ازداد حجم العينة وأصبح أكثر من 30 مفردة ، فإن شكل توزيعها يقترب من شكل توزيع المنحني الطبيعي »؛ أما توزيع معاينة النسب المئوية فإنه يخضع لتوزيع ثنائي الحدين ولكن عندما يكون حجم العينة أكبر من 100 مفردة يُستخدم التوزيع الطبيعي كتقريب جيد لتوزيع ثنائي الحدين.

خصائص توزيعات المعاينة:

تُصنّف البيانات الإحصائية تبعاً الطبيعتها إلى بيانات كمية تدعى (متغيرات) ، وبيانات نوعية تدعى (نوعيات) ، حيث أن: البيانات الكمية (المتغيرات): تعرّف بأنها القيم العددية لتلك الميزات المشتركة التي تنصف بها مجموعة من الأشياء بدرجات مختلفة ومقاسه ؟ مثال ذلك أجور مجموعة من العاملين ، وتقاس البيانات الكمية باستخدام مقاييس النزعة المركزية والتسَّتت كالوسط الحسابي والانحراف

البيانات النوعية (النوعيات): هي تلك الميزات التي إما أن الشيء يتصف بها أو لا يتصف بها ، ولكن ليس بدرجات متغيرة ومقاسه أي أن البيانات النوعية هي البيانات التي يعبر عنها بكلمة أو جملة مثل مدرسة ، جامعة ، كرسي ، ... الخ. ويمكن وصف المتغير النوعي من خلال

ووفقاً لما عُرض أعلاه نميز بين خصائص توزيعات المعاينة للمتغيرات و خصائص توزيعات المعاينة النوعيات.

أولاً: خصائص توزيع معاينة المتغيرات:

A- توزيع معاينة الأوساط الحسابية:

هو التوزيع التكراري لعدد كبير من الأوساط الحسابية لعينات عسوائية من حجم واحد ومن مجتمع إحصائي واحد ، وخصائصه هي : 1- إن الأمل الرياضي (التوقع الرياضي) لتوزيع معاينة الأوساط الحسابية يساوي الوسط الحسابي للمجتمع، وبعبارة أخرى يتفق الوسط الحسابي لتوزيع معاينة الأوساط الحسابية تماماً مع الثابت الإحصائي المقابل له وهو الوسط الحسابي للمجتمع.

$$\mu = E(\overline{x}_i) = \frac{\overline{x}_1 + \overline{x}_2 + \dots + \overline{x}_m}{M} = \frac{\sum_{i=1}^{M} \overline{x}_i}{M}$$

حيث أن $E(\overline{x}_i)$: الأمل (التوقع) الرياضي لتوزيع معاينة الأوساط الحسابية (الوسط الحسابي للأوساط الحسابية)

 $M=C_N^n$: وإذا كان السحب مع إعادة فإن $M=N^n$ ، وإذا كان السحب دون إعادة فإن $M=C_N^n$

2- يُدعى الانحراف المعياري لتوزيع معاينة أي تابع إحصائي بالخطأ المعياري ويرمز إليه بِـ(ح)مشفوعاً برمز التابع الإحصائي العائد له ، أي أن الخطأ المعياري للوسط الحسابي هو $(\sigma_{ar x})$ ويعرف " بأنه الانحراف المعياري للتوزيع التكراري لعد كبير من الأوساط الحسابية لعينات عشوانية من حجم واحد ومن مجتمع إحصائي واحد " ؛ و يجب أن نميز في حساب الخطأ المعياري للوسط الحسابي الآتي :

الانحراف المعياري للمجتمع معلوم الانحراف المعياري للمجتمع مجهول

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{S_x}{\sqrt{n}}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{S_x}{\sqrt{n}} \cdot \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} \cdot \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$

السحب دون إعادة (مجتمع محدود)

B- توزيع معاينة الانحرافات المعيارية:

هو التوزيع التكراري لعدد كبير من الانحرافات المعيارية لعينات عشوانية من حجم واحد ومن مجتمع إحصاني واحد، وخصانصه هي : 1- الأمل (التوقع) الرياضي لتوزيع معاينة الانحرافات المعيارية يساوي الانحراف المعياري للمجتمع، أي أن الوسط الحسابي لتوزيع معاينة الانحرافات المعيارية يتفق تماماً مع الانحراف المعياري للمجتمع.

4461680 - 4450680 - 0988778866



ركز الشائر · 9 A A Y Y A A 7 7 _ £ £ 0 · 7 A · _ £ £ 7 1 7 A ·

$$\sigma_x = E(S_i) = \frac{S_1 + S_2 + \dots + S_n}{N^n}$$

2- الخطأ المعياري للانحراف المعياري هو (σ_{σ}) ويعرف "بأنه الانحراف المعياري للتوزيع التكراري لعدد كبير جداً من الانحرافات المعيارية للعينات العشوائية من حجم واحد ومن مجتمع إحصائي واحد"، و يجب أن نميز في حساب الخطأ المعياري للانحراف المعياري الآتى:

 $\sigma_{\sigma} = \frac{S_x}{\sqrt{2n}}$

الانحراف المعياري للمجتمع معلوم

 $\sigma_{\sigma} = \frac{\sigma_{x}}{\sqrt{2n}}$

ثانياً: خصائص توزيع معاينة النوعيات (النسب المنوية):

توزيع معاينة النسب المنوية: هو التوزيع التكراري لعدد كبير من النسب المنوية لعينات عشوائية من حجم واحد ومن مجتمع إحصائي واحد، وخصائصه هي:

1- الأمل (التوقع) الرياضي لتوزيع معاينة النسب المئوية يساوي النسبة المئوية للمجتمع ، أي أن الوسط الحسابي لتوزيع معاينة النسب المنوية يتفق تماماً مع النسبة المنوية للمجتمع.

2- الخطأ المعياري للنسبة المئوية هو (σ_p) ويعرف "بأنه الانحراف المعياري للتوزيع التكراري لعدد كبير من النسب المئوية لعينات

عشوانية من حجم واحد ومن مجتمع إحصائي واحد" ، و يجب أن نميز عند حساب الخطأ المعياري للنسبة المنوية الآتي: نسبة المجتمع (p) مجهولة

 $\sigma_p = \sqrt{\frac{p' \cdot q'}{n}} \qquad \qquad \sigma_p = \sqrt{\frac{p \cdot q}{n}}$ $\sigma_p = \sqrt{\frac{p' \cdot q'}{n}} \cdot \sqrt{\frac{N-n}{N-1}} \qquad \sigma_p = \sqrt{\frac{p \cdot q}{n}} \cdot \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$

نسبة المجتمع (p) معلومة

السحب مع إعادة (مجتمع غير محدود)

السحب دون إعادة (مجتمع محدود)

علماً أن 100 $p' = \frac{k}{m}$ حيث أن (k) يمثل حجم الظاهرة المرغوب دراستها في العينة.

توزيعات معاينة الفروق:

A) توزيع معاينة فروق الأوساط الحسابية

الخطأ المعياري لتوزيع الفروق بين الوسطين الحسابيين يحسب كما يلي:

الانحرافات المعيارية للمجتمعات مجهولة $\sigma_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{S_1^2}{n} + \frac{S_2^2}{n}}$

الانحرافات المعيارية للمجتمعات معلومة $\sigma_{\overline{x}_1 - \overline{x}_2} = \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$

B) توزيع معاينة الفروق بين الانحرافين المعياريين

الخطأ المعياري لتوزيع الفرق بين الانحرافين المعياريين يحسب كما يلي:

 $\sigma_{\sigma_1-\sigma_2} = \sqrt{\frac{S_1^2}{2n_1} + \frac{S_2^2}{2n_2}}$

الانحرافات المعيارية للمجتمعات معلومة $\sigma_{\sigma_1 - \sigma_2} = \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{2n_1} + \frac{\sigma_2^2}{2n_2}}$

C) توزيع معاينة الفروق بين النسب المنوية الخطأ المعياري للفرق بين نسبتين:

 $\sigma_{p_1-p_2} = \sqrt{\frac{p_1'q_1'}{n_1} + \frac{p_2'q_2'}{n_2}}$

نسب المجتمعات معلومة $\sigma_{p_1 - p_2} = \sqrt{\frac{p_1 q_1}{n_1} + \frac{p_2 q_2}{n_2}}$

4461680 - 4450680 - 0988778866



ركر البشائر • 9 A A Y Y A A T T = £ £ 0 • T A • _ £ £ T 1 T A •

1 - 4: تحديد حجم العينة

يتوقف تحديد حجم العينة وفقاً لنوع العينة المستخدمة والهدف من الدراسة و طبيعة المجتمع المدروس وكذلك التكلفة ودرجة الدقة المطلوبة بالبياتات و يتحدد حجم العينة وفقاً للعلاقة:

الحد الأقصى للخطأ المسموح بارتكابه (d) الخطأ المعياري للتابع الإحصائي = الأخطاء الاحتمالية المقابلة لاحتمال الدقة (Z)

1 - 4 - 1 تحديد حجم العينة للمتغيرات:

A) تحديد حجم العينة نمسالة أوساط حسابية:

السحب مع إعادة السحب مع إعادة
$$n = \frac{N \cdot (Z)^2 \cdot (\sigma_X)^2}{(N-1) \cdot d^2 + (Z)^2 \cdot (\sigma_X)^2}$$

$$n = \frac{(Z)^2 * (\sigma_X)^2}{(d)^2}$$

B) تحديد حجم العينة لمسالة انحرافات معيارية:

 $n = \frac{(Z)^2 * (\sigma_x)^2}{2 * (d)^2}$: إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع معلوماً ، فإن

 $n = \frac{(Z)^2 * (S_x)^2}{2*(d)^2}$: إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع مجهولاً ، فإن :

1 - 4 - 2 تحديد حجم العينة للنوعيات (النسب المنوية):

السحب دون إعادة	السحب مع إعادة
$n = \frac{N \cdot (Z)^2 \cdot p \cdot q}{(N-1) \cdot (d)^2 + (Z)^2 \cdot p \cdot q}$	$n = \frac{(Z)^2 * p * q}{(d)^2}$

ملاحظات: ها احداً

 لا تتوفر معلومات عن الانحراف المعياري اللمجتمع ولكن يتوفر لدينا مدى عددي للظاهرة المدروسة يُأخذ سُدس ذلك المدى العددي ويُعتبر الناتج هو الانحراف المعياري للمجتمع.

 عادة لا نتوفر لدينا معلومات عن نسبة الظاهرة المدروسة في المجتمع (p) عندها يمكن أن نعتبرها %50؛ ويمكن أن تتوفر لدينا نسبة المجتمع إلا أنها محصورة ضمن مجال عندها نأخذ الأقرب إلى 50% ونعتبرها قيمة (p).

Z=3 أننا واثقون باحتمال 99.73%، بمعنى أن العملية، فهذا يعني أننا واثقون باحتمال 99.73%، بمعنى أن Z=3

1 - 5: الاستدلال الإحصائي

يُعالج الاستدلال الإحصائي مسألتين هامتين وهما: التقدير الإحصائي و اختبار الفرضيات

1-5-1 التقدير الإحصائي:

نعني بالتقدير الإحصائي تقدير الثابت الإحصائي بدلالة التابع الإحصائي المحسوب من عينة عشوائية مسحوبة من المجتمع الإحصائي المرغوب دراسته ، إما تقديراً نقطياً أو تقديراً مجالياً.

1 - 5 - 1 - 1 التقدير النقطي:

وهو عبارة عن قيمة واحدة فقط يأخذها الثابت الإحصائي المقدّر بدلالـة التـابع الإحصـائي المقابـل والمحسـوب من تلك العينــة العشــوائيــة المسحوبة من المجتمع الإحصائي المراد تقدير أحد ثوابته الإحصائية، ويجب أن يتصف هذا التقدير بالصفات التالية:

1- عدم التحيز: يُقال عن التابع الإحصائي بأنه تقدير غير متحيّز للثابت الإحصائي المقابل له ، إذا كان الثابت الإحصائي هو الأمل الرياضي . $\hat{p}=p'$ أو $\hat{\mu}=E(X)=\overline{x}$ أو التابع الإحصائي:

 $Var(\hat{\mu}) o Min$ ، محالية التقدير: فكلما قل التباين زادت فعالية التقدير ، أي التباين عن الثابت الإحصائي أقل ما يمكن

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

3- التقارب: يُقال عن التقدير أنه متقارب إذا كانت قيمة التابع الإحصائي تقارب قيمة الثابت الإحصائي كلما زاد حجم العينة.

وبناء على ما تقدم ، يمكن أن نلخص التالي:

- $\mu=\overline{x}$ ان التقدير غير المتحيّز للوسط الحسابي الحقيقي من عينة عشوائية هو نفسه الوسط الحسابي للعينة لأنها عشوائية 0
 - إن التقدير غير المتحيز للتباين الحقيقي من عينة عشوائية هو:

•
$$n \leq 30$$
: $\sigma_X^2 \cong S_x^2 \cdot \frac{n}{n-1} \Rightarrow \sigma_X^2 \cong \frac{\sum (x-\overline{x})^2}{n} \cdot \frac{n}{n-1}$

حيث أن $\left(\frac{n}{n-1}\right)$ هو العامل المصحح ، وضربنا العامل المصحح بتباين العينة لأن حجم العينة أقل من 30 مفردة.

• $n \ge 30$: $\sigma_X^2 \cong S_x^2$

وأهملنا الضرب بالعامل المصحح لأن حجم العينة أكبر من 30 مفردة وذلك بحسب قانون الأعداد الكبيرة.

نص قانون الأعداد الكبيرة: « كلما ازداد حجم العينة ، فإن الاحتمال يقترب من اليقين ، ويصبح الفرق بين التابع الإحصائي والثابت الإحصائي المقابل له أصغر من أية قيمة مهما صغرت ».

إن التقدير غير المتحيز للوسط الحسابي الحقيقي من عينتين عشوانيتين لهما الوسط الحسابي نفسه هو الوسط الحسابي للعينة ذات التباين الأقل تمثل المجتمع أصدق تمثيل).

 $\sim 1-5-1$ التقدير المجالي (حدا الثقة أو المدى العددي):

تقدير المدى هو عبارة عن تقدير قيمة الثابت الإحصائي ضمن مجال محدد عند احتمال معيّن بدلالة التابع الإحصائي المقابل له مع الأخذ بالحسبان الخطأ المعياري للتابع الإحصائي المراد التقدير بدلالته. ويجب التمبيز بين التقدير المجالي للثابت الإحصائي (حالة المجتمع الواحد) والتقدير المجالي للفرق بين ثابتين إحصائيين (حالة المجتمعين الإحصائيين).

I) حالة المجتمع الواحد: أي إنشاء حدا الثقة للثابت الإحصائي بدلالة التابع الإحصائي المقابل.

تقدير نسبة المجتمع	تقدير الانحراف المعياري للمجتمع	تقدير متوسط المجتمع
$p' \mp \left(Z_{\frac{\alpha}{2}} * \sigma_p \right)$	$S_x \mp \left(Z_{\frac{\alpha}{2}} * \sigma_{\sigma} \right)$	$\overline{x} + \left(Z_{\frac{\alpha}{2}} * \sigma_{\overline{x}} \right)$

II) حالة المجتمعين الإحصائيين: أي إنشاء حدا ثقة للفرق بين ثابتين إحصائيين بدلالة الفرق بين تابعين إحصائيين.

① تقدير الفرق الحقيقي بين متوسطي مجتمعين:

$$(\overline{x}_1 - \overline{x}_2) \mp Z_{\frac{\alpha}{2}} * \sigma_{\overline{x}_1 - \overline{x}_2}$$

تقدير الفرق بين الانحرافين المعياريين لمجتمعين:

$$(S_1 - S_2) \mp Z_{\frac{\alpha}{2}} * \sigma_{\sigma_1 - \sigma_2}$$

③ تقدير الفرق الحقيقي بين نسبتي مجتمعين:

$$(p_1'-p_2')\mp Z_{\frac{\alpha}{2}}*\sigma_{p_1-p_2}$$

1 - 5 - 2 اختبار الفرضيات:

إن الاختلاف بين التابع الإحصائي والثابت الإحصائي، لا يخرج عن أحد النوعين التاليين:

النوع الأولى: الاختلاف الظاهري: وهو الاختلاف الناشيء من عشوائية سحب العينة، أي يمكن رده للأخطاء الاحتمالية.

بعق الموقع الثاني: الاختلاف الحقيقي (الجوهري): وهو الاختلاف الذي ينشأ إما من أخطاء التحيز نتيجة عدم السحب العشوائي للعينة ، أو أنه ناشئ من كون أن العينة العشوائية قد سحبت من مجتمع له ثابت إحصائي يختلف عن الثابت المعلوم أو المحدد.

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر ١٩٨٧٧٨٨٠٠ و ١٩٨٧٧٨٨٠٠

وكذلك الأمر ينسحب على الاختلاف بين التابعين الإحصانيين، فهذا الاختلاف إما أن يكون اختلافاً ظاهرياً ناشئاً من أسلوب السحب العشوائي للعينات، أو أنه اختلافاً جوهرياً (حقيقياً) ناشئ إما عن التحيّز الذي شاب سحب إحدى العينتين أو كليهما أو أنه ناشئ بسبب أن العينتين العشوائيتين قد سحبتا من مجتمعين إحصائيين مختافين بثوابتهما.

وإذا كنا بصدد البحث عن السبب الكامن وراء الاختلاف بين التابع والثابت أو بين تابعين، فلا بد من إجراء اختبار لمى يسمى الفرضيات، حيث لدينا فرضيتان، الفرضية الأولى والتي تدعى فرضية العدم (H_0) والتي تفترض أن الاختلاف بين التابع والثابت أو بين التابعين هو اختلاف ظاهري سببه أخطاء الحظ والصدفه (الاخطاء الاحتمالية)، والفرضية الثانية هي الفرضية البديلة (نفي العدم) (H_1) والتي تفترض أن الاختلاف بين التابع والثابت هو اختلاف حقيقي (جوهري).

وبعد صياغة الفرضيات ننتقل لمرحلة الاختبار الإحصائي، والفرضية المختبرة هي فرضية العدم، حيث نفترض صحتها عند الاختبار، وبعد الاختبار نتخذ القرار بحق فرضية العدم، فإذا رفضنا فرضية العدم نقبل الفرضية البديلة (تحصيل حاصل)، أما إذا قبلنا فرضية العدم فإننا نرفض الفرضية البديلة.

وتجدر الإشارة إلى أن اتخاذ القرار الإحصائي سوف يصاحبه أحد نوعين من الأخطاء:

خطأ من النوع الأول: وهو رفض فرضية (H_0) علماً أنها فرضية صحيحة.

خطأ من النوع الثاني: وهو قبول فرضية $\left(H_{0}\right)$ علماً أنها فرضية خاطئة.

هذا وأن احتمال الوقوع بخطأ من النوع الأول نرمز له بالرمز (α) والذي يسمى مستوى الدلالة ، وإن احتمال عدم الوقوع بخطأ من النوع الأول نرمز له بالرمز (γ) والذي يدعى باحتمال الدقة وهو المتمم الحسابي لـ (α) أي أن: (γ) والذي يدعى باحتمال الدقة وهو المتمم الحسابي المرمز له بالرمز (γ) والذي يدعى باحتمال الدقة وهو المتمم الحسابي المرمز المرمز له بالرمز (γ)

1-eta هو eta-1 النوع بخطأ من النوع الثاني نرمز له بالرمز eta ، واحتمال عدم الوقوع بخطأ النوع الثاني هو

وما يهمنا في منهاج الإحصاء التطبيقي هو مستوى الدلالة (α) و احتمال الدقة $\gamma=1-\alpha$ ، ويمكننا أن نستنتج أن مستوى الدلالة (α) هو عبارة عن المساحة الواقعة تحت المنحني الطبيعي والتي تشير إلى مساحة رفض الفرضية (H_0) ، كما أن احتمال الدقة $\gamma=1-\alpha$ هو عبارة عن المساحة تحت المنحني الطبيعي والتي تشير إلى مساحة قبول (H_0) تحت المنحني الطبيعي.

والآن نستطيع أن نعدد وبشيء من التفصيل خطوات إجراء اختبار الفرضيات كالتالي:

والان تستطيع الم المحدويسي من المستين المستين المستين المستورية ا

دراسة الفرق بين تابعين	دراسة الفرق بين التابع والثابت	
$H_0: \hat{\theta}_1 = \hat{\theta}_2$	$H_0: \hat{\theta} = \theta$	
$H_1: \hat{\theta}_1 \neq \hat{\theta}_2$	$H_1: \hat{\theta} \neq \theta$	الحالة الأولى: عندما يكون الاختبار من اتجاهين
$H_0: \hat{\theta}_1 = \hat{\theta}_2$	$H_0: \hat{\theta} = \theta$	
$H_1: \hat{\theta}_1 \succ \hat{\theta}_2 (OR) \hat{\theta}_1 \prec \hat{\theta}_2$	$H_1: \hat{\theta} \succ \theta (OR) \hat{\theta} \prec \theta$	الحالة الثانية: عندما يكون الاختبار من اتجاه واحد

المقصود باختبار من اتجاهين أي اختبار فرضية العدم على طرفي منحني التوزيع، بمعنى أن تكون مناطق رفض الفرضية موزعة على طرفي المنحني.

المقصود باختبار من اتجاه واحد أي اختبار فرضية العدم على طرف واحد لمنحني التوزيع، بمعنى أن تكون منطقة رفض الفرضية على طرف واحد للمنحني، فإذا كان الاختبار من اتجاه واحد طرف واحد للمنحني، فإذا كان الاختبار من اتجاه واحد يسار فإن منطقة الرفض في المنحني المنحني وإذا كان الاختبار من اتجاه واحد

ونقصد بالرمز $(\hat{ heta})$ هو التابع الإحصائي، أما الرمز (heta) فهو الثابت الإحصائي المقابل للتابع الإحصائي.

فإذا كانت المسألة أوساط حسابية على سبيل المثال فإن $(\hat{\theta})$ تكون (\bar{x}) وتكون (θ) المقابلة لـ $(\hat{\theta})$ هي (μ) وهكذا.

الخطوة الثانية: إجراء الاختبار الإحصائي: حيث يتم إيجاد قيمة Z المحسوبة من العلاقة:

التابع الإحصائي - الثابت الإحصائي الإحصائي الإحصائي | النابع الإحصائي | الخطأ المعياري للتابع الإحصائي

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر، ١٩٨٧٧٨٨٠٠ و ١٩٨٧٧٨٨٠٠

$$Z = \frac{\left|\hat{\theta} - \theta\right|}{\sigma_{\hat{\theta}}}$$
 اي أن: $\sigma_{\hat{\theta}}$ لقالغة الأسكسية

قيمة الاختبار المحسوبة Z لمجتمعين = | (التابع الأول - التابع الثاني) - (الثابت الأول - الثابت الثاني) | الخطأ المعياري للفرق بين تابعين

$$Z = \frac{\left| \left(\hat{\theta}_1 - \hat{\theta}_2 \right) - \left(\theta_1 - \theta_2 \right) \right|}{\sigma_{\hat{\theta}_{1-2}}} : i$$
 اي ان: $\sigma_{\hat{\theta}_{1-2}}$

الخطوة الثالثة: استخراج قيمة الاختبار الجدولية (الحرجة أو النظرية) (Z الجدولية)

حيث نستخرج قيمة Z من الجداول اعتماداً على: (1) مستوى الدلالة (α) أو احتمال الدقة $(1-\alpha)$ ، $(1-\alpha)$ طبيعة الاختبار من حيث كونه من التجاه واحد أو اتجاهين وبحيث يكون لدينا:

قيمة الاختبار الجدولية عندما يكون الاختبار من اتجاه واحد. و $Z_{\frac{\alpha}{2}}$: قيمة الاختبار الجدولية عندما يكون الاختبار من اتجاهين.

والجدول التالي يوضح أشهر القيم النظرية:

00 -004								T C 3. C -3
99.73%	99%	98%	95.45%	95%	90%	80%	68.27%	$1-\alpha$ احتمال الدقة
0.27%	1%	2%	4.55%	5%	10%	20%	31.73%	مستوى الدلالة α
-2.88	-2.33	-	-1.7	-1.645	- 1.28	-	-	قيمة 2 الحرجة
+2.88	+2.33	_	+1.7	+1.645	+ 1.28	_	_	من اتجاه واحد
±3	±2.58	±2.33	±2	±1.96	±1.65	±1.28	±1	قيمة $Z_{\alpha/2}$ الحرجة من اتجاهين

الخطوة الرابعة: اتخاذ القرار الإحصائي: وهنا لدينا القاعدة الإحصائية التالية لاتخاذ القرار:

إذا كانت القيمة المحسوبة Z بالقيمة المطلقة > القيمة الجدولية للإختبار بالقيمة المطلقة ، نرفض فرضية العدم إذا كانت القيمة المحسوبة للاختبار بالقيمة المطلقة < القيمة الجدولية للاختبار بالقيمة المطلقة < القيمة الجدولية للاختبار بالقيمة المطلقة > المحتبار بالقيمة المطلقة ، نقبل فرضية العدم.

4461680 - 4450680 - 0988778866



مسركسز البشسائس

البحث الثاني: الاستدلال الإحصائي لعينات صغيرة الحجم (توزيع T - ستودنت)

1 25 0x 2	ع ل	30x1auls	الموسالانها	رون المسالمة	استودنت عساما	۲ ثودیو ۳
(عمومن 30 (دارخ و بدی گور و م	ا درجات الحر	•	•	(lpha) ستوى الدلالة	٩	
	ν	0.5%	1%	2.5%	5%	10%
	1	63.66	31.82	12.71	6.31	3.08
	2	9.92	6.96	4.30	2.92	1.89
	3	5.84	4.54	3.18	2.35	1.64
	4	4.60	3.75	2.78	2.13	1.53
	5	4.03	3.36	2.57	2.02	1.48
	6	3.71	3.14	2.45	1.94	1.44
	7	3.50	3.00	2.36	1.89	1.41
	8	3.36	2.90	2.31	1.86	1.40
	9	3.25	2.82	2.26	1.83	1.38
	10	3.17	2.76	2.23	1.81	1.37
	11	3.11	2.72	2.20	1.80	1.36
	12	3.06	2.68	2.18	1.78	1.36
	13	3.01	2.65	2.16	1.77	1.35
	14	2.99	2.62	2.14	1.76	1.35
	15	2.95	2.60	2.13	1.75	1.34
	16	2.92	2.58	2.12	1.75	1.34
	17	2.90	2.57	2.11	1.74	1.33
	18	2.88	2.55	2.10	1.73	1.33
	19	2.86	2.54	2.09	1.73	1.33
	20	2.85	2.53	2.09	1.72	1.33
	21	2.83	2.52	2.08	1.72	1.32
	22	2.82	2.51	2.07	1.72	1.32
	23	2.81	2.50	2.07	1.71	1.32
	24	2.80	2.49	2.06	1.71	1.32
	25	2.79	2.49	2.06	1.71	1.32
	26	2.78	2.48	2.05	1.71	1.31
	27	2.77	2.47	2.05	1.70	1.31
	28	2.76	2.47	2.05	1.70	1.31
,	29	2.76	2.46	2.05	1.69	1.31
	30	2.75	2.46	2.04	1.69	1.31
	40	2.70	2.42	2.02	1.68	1.30
	60	2.66	2.39	2.00	1.67	1.30
	120	2.62	2.36	1.98	1.66	1.30
	∞	2.58	2.33	1.96	1.65	1.28

4461680 - 4450680 - 0988778866



مسركيز البشيائير.

2 ـ 1 مقدمة

(u) يعتمد توزيع ستودنت على عنصرين أساسيين: 1- مستوى الدلالة (α) ؛ 2- درجات الحرية (α)

ر درجات الحرية: هي عبارة عن حجم العينة مطروحاً منها عدد الثوابت الإحصائية الواجب تقدير ها.

« وضعت جداول توزيع ستودنت على أساس اتجاه واحد؛ لذلك إذا كانت المسألة من اتجاهين نقسم مستوى الدلالة إلى قسمين متساويين قسم إلى الطرف الأيسر المسألة اتجاه واحد نأخذ مستوى الدلالة كما هو دون تعديل.

« يدرس توزيع ستودنت حالات الاستدلال الإحصائي وبما يخص فقط الأوساط الحسابية.

2 - 2 الاستدلال الإحصائي لمجتمع واحد

2 - 2 - 1 التقدير الإحصائي: أي إنشاء حدًا (فترة) ثقة لمتوسط المجتمع بدلالة متوسط العينة

 $\mu=\overline{x}\mp t_{\left(v,rac{lpha}{2}
ight)}*$ خوق العلاقة التالية : يتم ذلك وفق العلاقة التالية :

(u=n-1): درجات الحرية في هذه الحالة هي عبارة عن حجم العينة مطروحاً منها واحد أي:

 $\left(H_{0}\right)$ إذا وقع الوسط الحسابي للمجتمع ضمن حدّا الثقة، نقبل فرضية \mathcal{M}

2-2-2 اختبار الفرضيات: أي مقارنة متوسط مجتمع مع متوسط عينة

(v=n-1) المحتبار في توزيع T عن توزيع Z، إلا أن قيمة T الجدولية تعتمد على درجات حرية قدر ها

2 - 3 الاستدلال الإحصائي لمجتمعين غير مستقلين

هنا نتعامل مع عينة واحدة ولكن قبل وبعد إجراء التجربة (المعالجة أو الإجراء)، وبالتالي فإن:

 $(d=x_1-x_2)$: تعني الفرق بين المفردة قبل وبعد الإجراء، أي أن d

 $\overline{d} = \frac{\left|\sum d\right|}{n}$: متوسط الفرق أو التغير ويحسب على النحو التالي: إما: $\overline{d} = \left|\overline{x}_1 - \overline{x}_2\right|$ أو: \overline{d}

 $S_D = \sqrt{\frac{\sum d^2 - \frac{\left(\sum d\right)^2}{n}}{n-1}}$

الانحراف المعياري للفروق، ويحسب من القانون: S_D

 $\sigma_{\overline{D}} = \frac{S_D}{\sqrt{n}}$

وأن الخطأ المعياري المقدّر لتوزيع معاينة متوسط الفروق :

 $(\upsilon=n-1)$ الحرية لحالة المجتمعين غير المستقلين تحسب على النحو التالي:

2-3-1 التقدير الإحصائي: أي إنشاء فترة ثقة لقيمة الفرق بين المتوسطين (فترة ثقة لمتوسط الفرق أو التغير)

 $\mu_1 - \mu_2 = \overline{d} \mp t_{\left(v, \frac{\alpha}{2}\right)} * \sigma_{\overline{D}} \quad \text{if} \quad \mu_1 - \mu_2 = \left|\overline{x}_1 - \overline{x}_2\right| \mp t_{\left(v, \frac{\alpha}{2}\right)} * \sigma_{\overline{D}}$

 $\left(H_{0}
ight)$ ملاحظة: إذا تضمن حدّا الثقة قيمة الصفر فهذا يعني قبول الفرضية

2 - 2 - 2 اختبار الفرضيات: أي مقارنة متوسط بعد مع متوسط قبل

① صياغة الفرضية:

 $H_0: \overline{x}_1 = \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 = \mu_2$: العدم

 $H_1: \overline{x}_1 \succ \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 \succ \mu_2:$ البديلة : إما: $H_1: \overline{x}_1 \succ \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 \prec \mu_2:$ أو $H_1: \overline{x}_1 \neq \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 \neq \mu_2:$ البديلة : إما: $H_1: \overline{x}_1 \succ \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 \neq \mu_2:$

② إيجاد قيمة الاختبار الإحصائي:

$$t = \frac{\left|\overline{x}_1 - \overline{x}_2\right| - (\mu_1 - \mu_2)}{\sigma_{\overline{D}}'} = \frac{\left|\overline{d}\right| - 0}{\sigma_{\overline{D}}'}$$

(v = n - 1) النظرية: وذلك عند درجات حرية قدرها T النظرية:

اتخاذ القرار الإحصائي: كما مر سابقاً.

AL-RASHAER PERTER

4461680 - 4450680 - 0988778866



مسركر الشائر

2 - 4 الاستدلال الإحصائي لمجتمعين مستقلين

2-4-1 التقدير الإحصائي: أي إنشاء فترة ثقة للفرق بين متوسطي مجتمعين بدلالة الفرق بين وسطي عينتين يجب التمييز عند التقدير الإحصائي لمجتمعين مستقلين فيما إذا كان تبايني المجتمعين متساوبين أو غير متساويين.

التقدير لمجتمعين مستقلين بافتراض عدم تساوي التباين بينهما $\frac{\left(\sigma_{1}^{2} \neq \sigma_{2}^{2}\right)}{\mu_{1} - \mu_{2} = \left|\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}\right| \mp t'_{\left(\upsilon', \frac{\alpha}{2}\right)} \cdot \sigma_{\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}}}$

حيث أن $(\sigma'_{\bar{x}}, \bar{x})$ الخطأ المعياري المقدر لفروق الأوساط الحسابية؛ ولأجل حسابها نميّز:

 $\left(\sigma_{1}^{2} \neq \sigma_{2}^{2}\right)$ تباینی المجتمعین المدر و سین مختلفین $\sigma'_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}$ $v' = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2 + \left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2} \begin{pmatrix} \hat{S}^2 = \frac{(n_1 - 1) * S_1^2 + (n_2 - 1) * S_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \end{pmatrix}$ $v' = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2 + \left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2} \begin{pmatrix} \frac{S_2^2}{n_2} + \frac{S_2^2}{n_2} \end{pmatrix}$ $v' = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}$ $v' = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}$

$$\left(\sigma_{1}^{2}=\sigma_{2}^{2}\right)$$
 تبايني المجتمعين المدر وسين متساويين $\sigma'_{\bar{x}_{1}-\bar{x}_{2}}=\sqrt{\frac{\hat{S}^{2}}{n_{1}}+\frac{\hat{S}^{2}}{n_{2}}}$
$$\left(\hat{S}^{2}=\frac{(n_{1}-1)*S_{1}^{2}+(n_{2}-1)*S_{2}^{2}}{n_{1}+n_{2}-2}\right)$$

$$v = n_1 + n_2 - 2$$

ملاحظة هامة : إذا تضمن حدّا الثقة الصفر ، فهذا يعني أن الفارق بين الوسطين ليس حقيقياً (قبول H_0).

2 - 4 - 2 اختبار الفرضيات: أي إجراء مقارنة بين متوسط عينتين مستقلتين

① صياغة الفرضيات:

 $H_0: \overline{x}_1 = \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 = \mu_2$ فرضية العدم:

 $H_1: \overline{x_1} \succ \overline{x_2} \Rightarrow \mu_1 \succ \mu_2:$ الفرضية البديلة : إما: $\mu_1: \overline{x_1} \succ \overline{x_2} \Rightarrow \mu_1 \prec \mu_2:$ أو $H_1: \overline{x_1} \neq \overline{x_2} \Rightarrow \mu_1 \neq \mu_2:$ الفرضية البديلة : إما: $\mu_1: \overline{x_1} \succ \overline{x_2} \Rightarrow \mu_1 \neq \mu_2:$

② الاختبار الإحصائي:

$$t = \frac{\left|\left|\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}\right| - \left(\mu_{1} - \mu_{2}\right)\right|}{\left|\overline{\sigma}_{\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}}\right|}$$
 : زدا کان تباینی المجتمعین مختلفین:
$$t' = \frac{\left|\left|\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}\right| - \left(\mu_{1} - \mu_{2}\right)\right|}{\left|\overline{\sigma}_{\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}}\right|}$$
 : زدا کان تباینی المجتمعین مختلفین:

$$t' = \frac{\left\|\overline{x}_1 - \overline{x}_2\right| - \left(\mu_1 - \mu_2\right)}{\overleftarrow{\sigma}_{\overline{x}_1 - \overline{x}_2}}$$

- ③ إيجاد قيمة T الجدولية (الحرجة ، النظرية): حيث يراعى حسابها بحسب ما إذا كان التباينين منساويين أو غير متساويين.
 - المقارنة واتخاذ القرار: كما مرسابقاً.

ملاحظات:

- $(n_1 = n_2)$ اعتبار أن تبايني المجتمعين المدروسين متساوبين.
- ② قد تنص فرضية العدم على أن الفرق بين متوسط المجتمع الأول ومتوسط المجتمع الثاني له قيمة ما غير الصفر ولتكن D مثلاً، أي ان (أي أن الوسطين إما أكبر أو أصغر من D)، وعليه فإن الفرضية البديلة تنص على أن الفرق بين الوسطين إما أكبر أو أصغر من الأرضية البديلة تنص الاختبار دوما من اتجاه واحد).

* * * * * * * * *

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

البحث الثالث: توزيع كاي مربع (χ^2)

جدول توزیع کای مربع (χ^2)

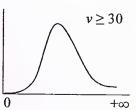
		الهدعس	, ols 1 ~~~	- La Cuer	P.		
d.f	$\chi^{2}_{.995}$	$\chi^{2}_{.99}$	$\chi^{2}_{.975}$	$\chi^2_{.95}$	$\chi^{2}_{.05}$	$\chi^{2}_{.025}$	$\chi^2_{.01}$
1	0.00004	0.000157	0.000982	0.00393	3.841	5.024	6.635
2	0.0100	0.0201	0.0506	0.103	5.991	7.278	9.219
3	0.0717	0.115	0.216	0.352	7.815	9.348	11.345
4	0.207	0.297	0.848	0.711	9.488	11.143	13.277
5	0.412	0.554	0.831	1.145	11.070	12.832	15.086
6	0.676	0.872	1.237	1.635	12.592	14. 4 49	16.812
7	0.989	1.239	1.690	2.167	14.067	16.013	18.475
8	1.344	1.646	2.180	2.733	15. 5 07	17.535	20.090
9	1.735	2.088	2.700	3.325	16.919	19.023	21.666
10	2.156	2.558	3.247	3.940	18.307	20.483	23.209
11	2.603	3.053	3.816	4 .5 75	19.674	21.920	24.725
12	3.074	3.571	4.404	5.226	21.026	23.337	26.217
13	3.565	4.107	5.009	5.589	22.362	24.736	27.688
14	4.075	4.660	5.629	6.571	23.685	26.119	29.141
15	4.601	5.229	6.262	7.261	24.996	27.488	30.578
16	5.142	5.812	6.908	7.962	26.296	28.845	32.000
17	5.697	6.408	7.564	8.672	27.587	30.191	33.409
18	6.265	7.015	8.231	9.390	28.869	31.526	34.805
19	6.844	7 .633	8.907	10.117	30.144	32.852	36.191
20	7.434	8.260	9.591	10.851	31.410	34.170	37.566
	0.004	0.007	10.202	11 501	22 (71	25 470	38.932
21	8.034	8.897	10.283	11.591	32.671 33.924	35.479 36.781	40.289
22	8.643	9.542	10.982	12.338			41.638
23	9.260	10.196	11.689	13.091	35.172	38.076	42.980
24	9.886	10.856	12.401	13.848	36.415	39.364	44.314
25	10.520	11.524	13.120	14.611	36.652	40.646	44.514
26	11.160	12.198	13.844	15.379	38.885	41.923	45.642
27	11.808	12.879	14.573	16.151	40.113	43.194	46.963
28	12.461	13.565	15.308	16.928	41.337	44.461	48.278
29	13.121	14.256	16.047	17.708	42.557	45.722	49.588
30	13.787	14.953	16.791	18.493	43.773	46.979	50.892
	13.707	11,700	10.771	101.75			

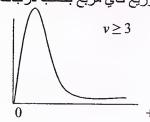
AL-RASHAER CENTER

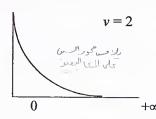


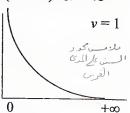
_رك_ز البشـــائــر

يعتمد توزيع (χ^2) ، مثل توزيع (T)، اعتماداً كاملاً على درجات الحرية؛ وعلى الرغم من ذلك يوجد اختلاف رئيسي بين التوزيعين حيث نجد أن توزيع (T) متماثل حول وسطه الحسابي $(\mu=0)$ بينما يُعتبر توزيع (χ^2) توزيعاً ملتوياً جهة اليمين (التواء موجب) وخصوصاً عندما تكون درجات الحرية (v) صغيرة، حيث أن شكل توزيع (χ^2) يشبه شكل الراء المقلوبة عندما تكون درجات الحرية أقل من 2، ثم تأخذ بالالتواء كلما زادت درجات الحرية، ويقترب شكل توزيع (χ^2) من شكل التوزيع الطبيعي كلما أصبحت درجات الحرية كبيرة ($v \ge 30$)، والأشكال البيانية التالية تعرض شكل توزيع كاي مربع بحسب درجات الحرية:









3 _ 1 القيمة النظرية (الحرجة) لمربع كاي:

تختلف طريقة إيجاد قيمة كاي مربع النظرية بحسب قيمة درجات الحرية فيما إذا كانت أقل من 30 أو أكبر من 30

: $(\upsilon \le 30)$ الأكثر (30) درجة على الأكثر الحرية (30) درجة على الأكثر

يتم استخراج قيمة (χ^2) النظرية من جداول خاصة بها، حيث وضعت هذه الجداول على أساس اتجاه واحد يمين، وعليه إذا كان:

- الاختبار من اتجاه واحد:
- $\chi^2_{(v,lpha)}$:یمین: تبقی (lpha) کما هي ونوجد (α)
- $\chi^2_{(\nu,1-\alpha)}$: يسار: نأخذ متمم (α) ثم نوجد: (α)
 - الاختبار من اتجاهين:

نقسم قیمة (α) على 2، ونوجد قیمتین لـ (α) :

 $\chi^2_{\left(\nu,\frac{\alpha}{2}\right)}$ النظرية من اليمين عند النمين أي النظرية من اليمين عند أي النظرية من اليمين عند

 $\cdot \chi^2_{\left(\nu,1-\frac{\alpha}{2}\right)}:1-\frac{\alpha}{2}$ قيمة $\left(\chi^2\right)$ النظرية من اليسار عند

: $(\upsilon \succ 30)$ درجات الحرية أكبر من (30) درجة

 (χ^2) الحرجة، فإننا نستخدم العلاقة التي تربط توزيع (Z) بتوزيع (χ^2) الحرجة، فإننا نستخدم العلاقة التي تربط توزيع وهذه العلاقة هي:

$$Z = \sqrt{2 \cdot \chi^2} - \sqrt{2 \cdot \upsilon - 1}$$

 $\sqrt{2 \cdot \nu - 1}$ مياري = 1 مياري من التوزيع الطبيعي بمتوسط $\sqrt{2 \cdot \nu - 1}$ وانحراف معياري = 1

3 - 2 المواضيع التي يعالجها توزيع كاي مربع:

2-3 الإحصاء المعلمي (الاستدلال الإحصائي عن الانحراف المعياري لمجتمع واحد) معامد 3

2 - 2 - 1 - 1 التقدير الإحصائي للانحراف المعياري (لتباين) المجتمع الإحصائي

2 - 1 - 2 - 3 اختبار الفرضيات

2-2-3 الإحصاء اللامعلمي

2-2-2 جداول الاستقلال واختبار فرضية الاستقلال

3 ـ 2 ـ 2 ـ 2 جداول المطابقة واختبار فرضية حُسن المطابقة

4461680 - 4450680 - 0988778866

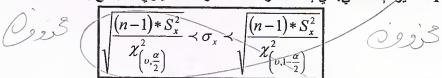


مسركسن البشسائس

• 9 A A Y Y A A T T = £ £ 0 • T A • _ £ £ T 1 T A <

2-2 الإحصاء المعلمي (الاستدلال الإحصائي عن الانحراف المعياري للمجتمع)

3-2-1-1 التقدير الإحصائي: أي إنشاء فترة ثقة للانحراف المعياري للمجتمع بدلالة الانحراف المعياري للعينة



علماً أن درجات الحرية هي: v = n - 1 علماً أن درجات الحرية هي: $S_x^2 = \frac{\sum (x - \overline{x})^2}{n - 1}$

E-2-1-2 اختبار الفرضيات: أي مقارنة الانحراف المعياري للعينة مع الانحراف المعياري للمجتمع خطوات إجراء الاختبار:

أ صياغة الفرضيات الإحصائية:

 $H_0: S_x = \sigma_x$: فرضية العدم

 $H_1:S_x \prec \sigma_x$ الفرضية البديلة : إما $S_x \prec \sigma_x$ الفرضية البديلة المدينة البديلة المدينة البديلة المدينة ال

 (χ^2_{cal}) العملية أو المحسوبة، من خلال العجاد قيمة التالية:

$$\chi_{cal}^2 = \frac{(n-1) * S_x^2}{\sigma_x^2}$$

- (v=n-1) وذلك عند درجات حرية (χ^2): وذلك عند درجات حرية
 - اتخاذ القرار الإحصائي: عن طريق رسم منحنى كاي مربع.

2 - 2 - 3 الإحصاء اللامعلمي

2-2-2 جداول الاستقلال واختبار فرضية الاستقلال

تدرس هذه الجداول العلاقة بين ظاهر تين لكل منهما صفتين على الأقل ...،

أنواع جداول الاستقلال : $r \stackrel{5}{\times} 7$ $r \stackrel{5}{\times} 7$ عمود خطوات اجراء اختبار الاستقلال : $r \stackrel{5}{\times} 7$ $r \stackrel{5}{\times} 7$ عمود خطوات اجراء اختبار الاستقلال : $r \stackrel{5}{\times} 7$

- صياغة الفرضية: الفرضية المختبرة هي فرضية الاستقلال: ليس هناك علاقة بين الظاهرة الأولى والظاهرة الثانية.
 - (2) إجراء الاختبار الإحصائي: ويتم ذلك مِن خلال إيجاد قيمة (χ^2_{cal}) العملية أو المحسوبة، من خلال العلاقة التالية:

$$\chi_{cal}^{2} = \sum \left[\frac{\left(O_{i} - E_{i} \right)^{2}}{E_{i}} \right]$$

حيث أن:

(O): يمثل التكرار الفعلى (المشاهدة الفعلية) (Observed) ، وتكون معطاة بنص المسألة؛

ن يمثل التكرار المتوقّع (النظري) (Expected) ، ويتم حسابه من خلال العلاقة التالية: (E_i)

التكرار المتوقع (النظري) = مجموع سطر الخلية × مجموع عمود الخلية حجم التكرار المتوقع (النظري) = مجموع سطر الخلية

(3) ايجاد القيمة الحرجة لـ (χ^2) : وذلك عند درجات حرية: v = (r-1)(c-1) و الاختبار دوماً من اتجاه واحد يمين.

(الخوار الإحصائي: إن قاعدة اتخاذ القرار هي: الله القرار هي: الله القرار الإحصائي: إن قاعدة القرار هي: الله الخاد القرار القرار القرار القرار القرار القرار القرار القرار القرار القرام القرار القرام القرام

إذا كانت القيمة المحسوبة لـ (χ^2) اكبر من القيمة الحرجة لـ (χ^2) او تساويها فإننا نرفض فرضية الاستقلال، وهناك علاقة ذات دلالة إحصائية بين الظاهرتين.

4461680 - 4450680 - 0988778866

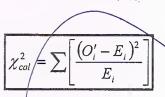


ركر البشائر المدادة ١٩٨٧٨٨٩٠٠

دستور كاي مربع بعد إجراكم التصحيح:

تصحيح ياتس (Yates) - تعديل قيمة مربع كاي:

- (0.5) المقابل له؛ أو إضافة (O_i) أكبر من التكرار النظري (E_i) المقابل له؛ أو إضافة (O_i)
 - لكل تكرار فعلي (O_i) الكل من التكرار النظري (E_i) المقابل له.



شروط إجراء تصحيح ياتسي:

- (v=1) ان يكون جدول الثوافق من المرتبة (2×2) ، أي تكون درجات الحرية مساوية إلى (v=1)
 - ② وجود تكراراً فعلياً واحداً على الأقل تقل قيمته عن (10)
 - ان لا يؤثر التصحيح على الإشارات الجبرية
 - ان لا يكون هنالك قيماً مدمجة لمربع كاي المحسوبة
 - أن يكون حجم العينة أقل من 50

2 - 2 - 2 - 2 جداول المطابقة واختبار فرضية حُسن المطابقة.

تدرس هذه الجداول مطابقة التوزع الفعلي لظاهرة ما لها صفتين على الأقل مع التوزع النظري (المتوقع أو المعتقد به).

 $\{2\times1; 3\times1; \dots; r\times1\}$ أنواع جداول المطابقة:

خطوات إجراء الاختبار:

- صياغة الفرضية: وهذه الفرضية هي فرضية (H_0) وتصاغ بحسب نص المسألة \mathbb{O}
- (χ^2_{col}) العملية أو المحسوبة، وذلك من خلال الدستور التالي:

$$\chi_{cal}^2 = \sum \left[\frac{(O_i - E_i)^2}{E_i} \right]$$

وتحسب القيم المتوقعة بالقانون: $\overline{P_i} = \sum O_i * \overline{P_i}$

حيث أن $(\overline{\overline{P_i}})$ تمثل النسبة التي يتوقع أن تأخذها كل صفة من صفات الظاهرة المدروسة.

- (3) ایجاد القیمة الحرجة لـ $(2x^2)$: وذلك عند درجات حریة قدر ها (v=r-1) والاختبار دوماً من اتجاه واحد یمین.
 - اتخاذ القرار الإحصائي: وفقاً للقاعدة السابقة، بمعنى:

 $\chi^{2}_{cal} \geq \chi^{2}_{lab}(v,\alpha)$ $\chi^{2}_{cal} \geq \chi^{2}_{lab}(v,\alpha)$ $\dot{\psi}_{cal} = 0$ $\dot{\psi}_{cal} = 0$

نرفض فرضية (H_0) ، ونقرر بخلاف ما تنص عليه الفرضية.

 $\chi^2_{cal} \prec \chi^2_{tab(v,\alpha)}$

نقبل فرضية (H_0) ، ونقرر ما تنص عليه الفرضية.

* * * * * * * * * *

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر، ١٩٨٧٧٨٨٠.

البحث الرابع: السلاسل الزمنية

4 - 1 ماهية السلاسل الزمنية والغاية منها:

تُعرّف السلسلة الزمنية بأنها عبارة عن مجموعة من القيم التي تأخذها ظاهرة من الظواهر في سلسلة تواريخ محددة، وغالباً ما تكون الفواصل الزمنية متساوية ومتعاقبة. وإن الغاية من دراسة السلاسل الزمنية هو دراسة التغير في المعطيات الإحصائية عبر الزمن من أجل معرفة تطور الظاهرة لمعرفة اتجاه هذه الظاهرة الأتبؤ بالمستقبل؛ حيث تتم دراسة العلاقة بين ظاهرتين مرتبطتين، الظاهرة الأولى تعبّر عن الزمن (t; y)؛ والظاهرة الثانية تعبّر عن ظاهرة اقتصادية (y)؛ حيث تتغير الظاهرة الثانية بتغير الزمن ويتم تمثيلها بشكل ثنائيات (t; y)؛ وتتم دراسة الظاهرة خلال الزمن بشكل سنوي أو غير سنوي، بحيث يكون لدينا سلاسل زمنية سنوية أو سلاسل زمنية غير سنوية (موسمية)؛ وتقسّم السلاسل الزمنية بناءاً على المنحني الرياضي الذي تخضع له إلى قسمين:

A) سلاسل مستقرة: حيث لا يوجد تطور في السلسلة الزمنية مهما تغير الزمن و لا يؤثر عليها أي عامل من العوامل المؤثرة في السلاسل الزمنية.

B) سلاسل غير مستقرة: أي لها حركة تطور بالزيادة أو بالنقصان وهذا ما يسمى باتجاه عام متصاعد أو متنازل، حيث أن الاتجاه العام هو الحركة المستقرة للظاهرة وبنفس الاتجاه وتتم على فترات زمنية طويلة.

4 - 2 العوامل المكونة للسلسلة الزمنية:

إن حدود السلسلة الزمنية تتأثر بعامل واحد على الأقل من العوامل التالية:

عامل الاتجاه العام (التحركات طويلة المدى): حيث يمثل الاتجاه العام تطور الظاهرة على المدى البعيد ، ويعكس النمو أو الانكماش
 في المجتمع لظاهرة ما ويرمز له (T) وأسبابه: التزايد السكاني و التقدم التقني.

عامل التغیرات الدوریة: لكي تكون الحركة دوریة یجب أن تكون الفترة الزمنیة بین القمة والقاع أكثر من سنة، وتسمى الفترة الزمنیة التي تفصل بین قمتین أو بین قاعین بالدور ، وأسبابها قد تكون معروفة أو غیر معروفة ویرمز للتغیرات الدوریة بـ (C).

عامل التغيرات الموسمية: وهي مشابهة للحركة الدورية ولكن تكون بشكل أمواج غير منتظمة ، أي أن الفترة الزمنية بين القمة
 والقاع أقل من سنة ويرمز لها بـ (S) ، وأسبابها: المناخ وحالة الطقس ، العادات والتقاليد.

عامل التغيرات الفجانية (الطارنة أو العشوانية): وسببها الحروب والبراكين والزلازل ويرمز لها بـ (١).

4 _ 3 تحليل العوامل المؤثرة في السلسلة الزمنية:

أي ظاهرة تتأثر بعامل واحد على الأقل من العوامل السابقة، وبشكل عام إذا كانت الظاهرة تتأثر بجميع العوامل فإنها إما أن تكون:

حاصل جداء العوامل الأربعة : $Y_i = T \times S \times C \times I$ (أو)

 $Y_i = T + S + C + I$: حاصل جمع العوامل الأربعة

العام الاتجاه العام 1 - 3 - 4

أي استخلاص قيمة الاتجاه العام (T)، ويكون ذلك بتمثيل العلاقة بين الزمن (t) وحدود السلسلة (y_t) بعلاقة رياضية.

حيث أن المعادلة الرياضية التي تربط الزمن بالظاهرة المدروسة تدعى بمعادلة الاتجاه العام وتأخذ الشكل التالي:

$$\hat{y}_{\iota} = a + b \cdot t$$

حيث أن:

- (y_{ι}) تمثل القيمة التقديرية (الاتجاهية) للظاهرة المدروسة (\hat{y}_{ι})
- تمثل قيمة (\hat{y}_i) عند الزمن صُفر (t=0)، حيث نعتبر في دراسة السلاسل الزمنية قيمة الزمن السابق لزمن بداية الدراسة مساوياً للصفر.
- (b) تمثل معدّل (مقدار) التغير الحاصل في الظاهرة المدروسة كلما تقدّم الزمن بمقدار وحدة زمنية واحدة. (معامل الانحدار أو ميل المستقيم أو الاتجاه العام)
 - (t) الزمن: قد يكون (سنة ، نصف سنة ، فصل ، شهر) على حسب المسألة المدروسة.

هناك عدة طرق للكشف عن الاتجاه العام وهي: الرسم البياني الحر ؛ المتوسطات النصفية ؛ الطريقة الرياضية (المربعات الصغرى)

4461680 - 4450680 - 0988778866





4 - 3 - 1 - 1 طريقة الرسم البياني الحر

تتلخص فكرتها بتمثيل أزواج المشاهدات $(t; y_t)$ على المحاور الإحداثية، وتمرير خط يمر بأغلبية النقاط، ومن ثم حساب ثوابت المعادلة، كما يلي:

معامل الانحدار (ميل المستقيم) = ظل الزاوية = مقابل الزاوية مجاور الزاوية
$$b = \tan \hat{\alpha} = \frac{\Delta y}{\Delta t} = \frac{y_2 - y_1}{t_2 - t_1}$$
 : $a = y_1 - b \cdot t_1$

أما ثابت المعادلة فيحسب من العلاقة:

4 - 3 - 1 - 2 طريقة المتوسطات النصفية

نقسم السلسلة إلى قسمين متساويين بحسب هذه الطريقة، ثم نحسب الوسط الحسابي لزمن كل قسم ولقيم الظاهرة في كل قسم؛ ومن ثم نحسب الثوابت وفقاً للعلاقات التالية:

$$b = \frac{\Delta \overline{y}}{\Delta \overline{t}} = \frac{\overline{y}_2 - \overline{y}_1}{\overline{t}_2 - \overline{t}_1}$$

$$a = \overline{y}_1 - b * \overline{t}_1$$

4 - 3 - 1 - 3 الطريقة الرياضية (المربعات الصغرى):

ب) أسلوب الانحرافات (غير المباشر)	آ) الأسلوب المباشر
$b = \frac{\sum yt}{\sum t^2}$	$b = \frac{n \cdot \sum yt - \sum y \cdot \sum t}{n \sum t^2 - (\sum t)^2}$
$a = \overline{y} = \frac{\sum y}{n}$	$a = \overline{y} - b \cdot \overline{t} = \frac{\sum y - b * \sum t}{n}$
نقطة الأساس تقع في منتصف السلسلة بالضبط.	إذا لم تحدد نقطة ألساس فهي النقطة الزمنية السابقة الأول نقطة زمنية في السلسلة.

﴿ عزل تأثير الاتجاه العام

يتم عزل تأثير الاتجاه العام بنسبة القيم الفعلية للظاهرة على القيم النظرية (الاتجاهية)؛ وهنا نميّز:

السلاسل الزمنية السنوية: إن عزل تأثير الاتجاه العام في السلاسل السنوية يُنتج الرقم القياسي الدوري أو نسبة تأثير التغيرات الدورية، يعني:

$$\frac{y_t}{T} \times 100 = \frac{y_t}{\hat{y}_t} \times 100 = C \times I$$

السلاسل الزمنية غير السنوية (الموسمية): إن عزل تأثير الاتجاه العام في السلاسل غير السنوية يُظهر تأثير جميع العوامل المؤثرة في السلسلة الزمنية عدا تأثير الاتجاه العام، يعنى:

$$\frac{y_t}{T} \times 100 = \frac{y_t}{\hat{y}_t} \times 100 = S \times C \times I$$

* * * * * * * * * *

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

4 - 3 - 3 تحليل العامل الموسمي

أي حساب قيمة التغيرات الموسمية (S)، ويكون ذلك بإحدى طريقتين، هما: طريقة النسب البسيطة و طريقة النسب إلى القيم الاتجاهية.

4 - 3 - 2 - 1 طريقة النسب البسيطة (طريقة النسب إلى المتوسط العام)

تستخدم هذه الطريقة عندما تكون السلسلة الزمنية غير متأثرة بالاتجاه العام، ولأجل حساب الرقم القياسي الموسمي وفقاً لهذه الطريقة نتبع الخطوات التالية:

حساب المتوسط العام للظاهرة في السلسلة الشهرية أو الفصلية.

$$\overline{\overline{Y}} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} y_{ij}}{n \cdot m}$$

حيث أن:

نمثل رقم الفصل أو الشهر و (n) عدد الفصول أو الأشهر $i:1,2,\cdots,n$ عدد أن تمثل رقم السنة و $j:1,2,\cdots,m$

② حساب متوسط الظاهرة لكل فصل في سنوات الدراسة أو لكل شهر في سنوات الدراسة

$$\overline{y}_{i/j=1 \to j=m} = \frac{\sum_{j=1}^{m} y_j}{m}$$

الدقم القياسي الموسمي: ويكون ذلك من خلال نسبة متوسط الفصل أو الشهر على المتوسط العام مضروبة بـ 100.

$$S_i = \frac{\overline{y}_i}{\overline{\overline{Y}}} \times 100$$

4 - 3 - 2 - 2 طريقة النسب إلى القيم الاتجاهية

تستخدم هذه الطريقة عندما تكون السلسلة الزمنية متأثرة بالاتجاه العام، ويُحسب الرقم القياسي الموسمي بالعلاقة:

$$S_i = \frac{\left(\sum \frac{y_t}{\hat{y}_t} \times 100\right)_{i/j}}{m}$$

ملاحظة هامة:

يجب أن يكون مجموع الأرقام القياسية الموسمية مساوياً لـ (عدد المواسم × ١٠٠)، بمعنى أنه إذا كانت السلسلة فصلية مكونة من أربع مواسم وبالتالي يجب أن يكون مجموع الأرقام الموسمية يسلوي %400، أما إذا كانت السلسلة شهرية فإنها مؤلفة من 12 شهر أي 12 موسم وبالتالي فإن مجموع الأرقام الموسمية يجب أن يساوي %1200.

أما إذا كان مجموع الأرقام لا يحقق الشرط آنف الذكر، فإن الأرقام القياسية الموسمية تدعى بالأرقام الخام، ويجب تعديلها أو تصحيحها وذلك بضرب كل رقم خام بالعامل المصحح، حيث أن العامل المصحح هو:

وبالتالي فإن الرقم الموسمي المعدل يساوي حاصل جداء الرقم الخام بمعامل التصحيح، أي أن:

الرقم القياسي الموسمي المعدل = الرقم القياسي الخام × المجموع الفعلي المعموع الفعلي

4461680 - 4450680 - 0988778866



◄ استخدامات الرقم القياسي الموسمي

 $S \prec 100\%$ يبيّن تأثير الموسم على الظاهرة بحيث يكون له تأثير إيجابي إذا كان: $100\% \prec S$ ، ويكون تأثيره سلبياً إذا كان: أما إذا كان 100% = 3, فلا يوجد تأثير للموسم.

أيستخدم من أجل التقدير والتنبؤ

أيستخدم لعزل تأثير الموسم من الظاهرة.

﴿ عزل تأثير الموسم

يتم عزل تأثير الموسم بقسمة قيمة الظاهرة (y_i) على الرقم القياسي الموسمي المقابل لها (S_i) والضرب بـ (100) كالتالي:

 $\left| \frac{y_i}{S_i} \times 100 \right|$

حزل تأثير الاتجاه العام والموسم (الرقم القياسي الدوري):

يتم إيجاد الرقم القياسي الدوري لسلاسل الزمنية الموسمية من خلال نسبة القيمة المخاصة من أثر الاتجاه العام على الرقم القياسي الموسمي أو من خلال نسبة القيمة المخلصة من أثر الموسم على القيمة الاتجاهية يعني:

$$C*I = \frac{\left(\frac{y}{T} \times 100\right)}{S} \times 100$$

$$C*I = \frac{\left(\frac{y}{S} \times 100\right)}{T} \times 100$$

4 - 4 تحويل معادلة الاتجاه العام من الأساس السنوي إلى الأساس الشهري أو القصلي 4 - 4 تحويل معادلة الاتجاه العام إلى الأساس الشهري: ا ذالم كَرِ الْرَكِ الساسات في محامي المساس

$$b_m = \frac{b_y}{144}$$
 ; $a_m = \frac{a_y}{12} + 6 \cdot b_m$: إذا كانت البيانات عبارة عن مجاميع شهرية فإن: $b_m = \frac{b_{\bar{y}}}{12}$; $a_m = a_{\bar{y}} + 6 \cdot b_m$ اذا كانت البيانات عبارة عن متوسطات شهرية فإن: $a_m = a_{\bar{y}} + 6 \cdot b_m$

$$b_m = \frac{b_{\overline{y}}}{12}$$
 ; $a_m = a_{\overline{y}} + 6 \cdot b_m$ إذا كانت البيانات عبارة عن متوسطات شهرية فإن:

4 - 4 - 2 تحويل معادلة الاتجاه العام إلى الأساس الفصلي:

$$b_S = rac{b_y}{16}$$
 ; $a_S = rac{a_y}{4} + 2 \cdot b_S$: يذا كانت البيانات عبارة عن مجاميع فصلية فإن: $b_S = rac{b_{ar y}}{4}$; $a_S = a_{ar y} + 2 \cdot b_S$: يذا كانت البيانات عبارة عن متوسطات فصلية فإن: $a_S = a_{ar y} + 2 \cdot b_S$

$$b_S = \frac{b_{\bar{y}}}{4} \quad ; \quad a_S = a_{\bar{y}} + 2 \cdot b_S$$

* * * * * * b : الحالاً مقر للخطأ المستوع بارتكابه وهمو العرف بن النابع والثاب

AL-BASHAER GENTER

AL BASHAER GENTER

حركان البشائي

4461680 - 4450680 - 0988778866

.44474447 - £ £ 6 . 74 . _ £ £ 7 1 .

مثال 1: من مجتمع إحصائي مؤلف من 2000 خاروف، كان من المرغوب به تقدير وسطي وزن الخاروف ، فما هو حجم العينة العشوانية بم الواجب سحبها من المجتمع إذا علمت أن تباين الأوزان في المجتمع 600 وأن الحد الأقصى للخطأ المسموح بارتكابه 5 كغ عند احتمال دقة \$99.73% ؟

رمثال 2) كان من المرغوب به تقدير الانحراف المعياري للعمر الإنتاجي لجميع المصابيح الكهربائية المنتجة في إحدى المعامل ؛ فما هو حجم العينة الواجب سحبها عشوائياً من المصابيح المنتجة بحيث لا يختلف الانحراف المعياري الحقيقي لعمر جميع المصابيح عن الانحراف المعياري لعمر المصباح في العينة والبالغ 100 ساعة بأكثر من 5% وذلك باحتمال 5.95% والمبتعال 100 مراكة المعياري لعمر المصباح في العينة والبالغ 100 ساعة بأكثر من 5% وذلك باحتمال 5.95% والمبتعال المعياري المصباح في العينة والبالغ 100 ساعة بأكثر من 5% وذلك باحتمال 5.95% والمبتعال المعياري لعمر المصباح في العينة والبالغ 100 ساعة بأكثر من 5% وذلك باحتمال 5.00% والمبتعال المبتعال 100% والمبتعال 100% والمبتع

مثال 3: لقد رغب أحد الباحثين الاجتماعيين دراسة نسبة الأسر المستأجرة في حي من أحياء مدينة دمشق ، حيث كان يقطن 4000 أسرة ، وكان من المعلوم من دراسات سابقة بأن نسبة المستأجرين مساوية لـ %45 ، فما هو حجم العينة العشوائية الواجب سحبها من ذلك الحي لتقدير النسبة الحقيقية للمستأجرين بحيث لا يزيد الحد الأقصى للخطأ المرتكب %4 وذلك باحتمال %5.59 ؟ (الرسمت الكرفيم كومه لي ركات المحمد) - مثال 4: رغبت وزارة الصناعة في معرفة متوسط عمر العمال في صناعة ما ، وكان لديها معلومات تفيد بأن العمال يبدأون العمل في الثامنة عشرة من العمر ويحالون على التقاعد في الستين منه ، فما هو حجم العينة العشوائية الواجب سحبها لتقدير هذا المتوسط على أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن 1.5 سنة ولا يقل احتمال الدقة عن %95.5 ؟

(مثال 5: لقد كان من المرغوب به دراسة حالة الادخار لتحديد النسبة المنوية للأسر التي تودع مدخراتها في المصارف ، فما هو حجم العينة الواجب سحبها عشوانياً لتعطي باحتمال %5.5 النسبة المنوية الحقيقية للأسر المدخرة على ألا يزيد الخطأ في التقدير عن %5 ؟

صُتَالَ 6: لقد كان من المرغوب به تحديد نسبة العمال حملة الأجازة الجامعية في الصناعات الكيميائية ؛ وقد قدرت هذه النسبة بين 12% و 22%؛ فما هو حجم العينة الواجب سحبها عشوائياً من أجل تقدير تلك النسبة على أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن 5% ولا يقل احتمال الدقة عن 95% ؟

مثّال 7: سُحبت عينة عشوائية مؤلفة من 144 عامل من الصناعات الكيميائية فوجد أن متوسط أجر العامل 10000 ل.س بانحراف معياري 450 ل.س ونسبة العمال حملة الشهادة الثانوية %30 ؛ وبعد فترة زمنية قصيرة ، رغب القائمون على هذه الدراسة في تحديد النسبة المنوية الحقيقية للعمال المصابين بأمراض تنفسية في تلك الصناعات ، و كان معلوماً لديهم من دراسات سابقة بأن هذه النسبة لا تقل عن %6 ولا تزيد عن %10؛ فهل كان حجم العينة العشوائية المسحوبة أعلاه كافياً لتقدير النسبة المنوية الحقيقية للعمال المصابين بأمراض تنفسية ، شرط أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن %4.5 وذلك لجميع الحالات العملية؟

مثال 8: بغية تقدير متوسط إنفاق الطالب اليومي في كلية الاقتصاد تم سحب عينة عشوائية مؤلفة من 400 طالب فوجد أن متوسط إنفاقهم اليومي 500 ليرة بانحراف معياري 150 ليرة ، والمطلوب: أوجد حدا ثقة لمتوسط إنفاق جميع طلاب كلية الاقتصاد وذلك باحتمال %95.5 ؟ مثال 9: إذا كان الانحراف المعياري للعمر الإنتاجي لعينة عشوائية من 200 مصباح كهربائي يساوي 100 ساعة ، فما هو الحد الأقصى و الحد الأدنى للانحراف المعياري لجميع المصابيح الكهربائية عند احتمال %99.73 ؟

مثال 10: رغب أحد الباحثين الاجتماعيين تقدير نسبة الأسر التي يزيد عدد أفرادها عن 5 أفراد وذلك بريف دمشق ، فقام بسحب عينة عشوائية مؤلفة من 900 أسرة من أسر ريف دمشق ، فوجد أن نسبة الأسر التي يزيد عدد أفرادها عن 5 أفراد هو (45%) ، والمطلوب : قدّر باحتمال 90% نسبة جميع أسر الريف الذين يزيد عدد أفرادهم عن 5 أفراد ؟

مثال 11: أخنت عينة عشوائية من 150 مصباح من الصنف A، فكان متوسط عمرها الإنتاجي 1400 ساعة، وانحرافها المعياري 120 ساعة، كما أخذت عينة عشوائية أخرى من 100 مصباح من الصنف B، فوجد أن متوسط عمرها الإنتاجي 1200 ساعة وانحرافها المعياري 80 ساعة، والمطلوب:

1- أوجد ضمن درجة ثقة %95.5 قيمة الفرق بين متوسط العمر الإنتاجي لكلا الصنفين من المصابيح ؟

2 - أحسب باحتمال قدره %99 حدود الثقة للفرق بين الانحرافين المعياريين للعمر الإنتاجي لكلا الصنفين من المصابيح؟ مثال 12: تبين من تعداد عام للسكان أحرى في احدى الدول العربية أن متوسط عمر المرأة عند الذواج ببلغ 25 عاماً والانحراف المعياري 4

مثال 12: تبين من تعداد عام للسكان أجري في إحدى الدول العربية أن متوسط عمر المرأة عند الزواج يبلغ 25 عاماً والانحراف المعياري 4 اعوام، وبعد فترة وجيزة من إنجاز التعداد رغبت إحدى الدوائر المختصة دراسة أثر المستوى التعليمي للمرأة في تحديد النسل فقامت بسحب عينة عشوائية من 144 امرأة متزوجة، فتبين أن متوسط عمر المرأة عند الزواج يبلغ 24.5 عام والانحراف المعياري 3 أعوام وأن نسبة النساء حملة الشهادة الثانوية وما بعدها تعادل 18% المطلوب:

1- قدر باحتمال %99 نسبة النساء حملة الشهادة الثانوية وما بعدها ؟

2- لقد كان من المرغوب به دراسة نسبة النساء المتزوجات العاملات ، وقد قدرت هذه النسبة نتيجة خبرة سابقة بأنها لا تقل عن %26 و لا تزيد عن %34 ، فهل تعتقد أن حجم العينة المسحوبة أعلاه كان كافياً لتقدير النسبة الحقيقية للنساء المتزوجات العاملات على أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن %4 و لا يقل احتمال الدقة عن %95.5 ؟

|PageA



سركن البشائس BASHABEGGENUES . 9 A A V Y A A 7 1 2 2 0 . 7 A . _ £ £ 7 1 7 A .

3- سحبت عينة عشوانية أخرى حجمها 100 امرأة من بلد عربي ثان فتبين أن متوسط عمر النساء عند الزواج يبلغ 22 عاماً والانحراف المعياري 2.5 عام وأن نسبة النساء حملة الشهادة الثانوية وما بعدها %13 ؛ المطلوب: قدر باحتمال %95 قيمة الفارق الحقيقي في نسبة

النساء حملة الشهادة الثانوية وما بعدها في البلدين؟

مثال 13: في معمل (A) لإنتاج المصابيح الكهربائية، كان متوسط عمر المصباح (1500) ساعة وبانحراف معياري (250) ساعة؛ بينما في المعمل (B) كان متوسط عمر المصباح (1300) ساعة وبانحراف معياري (125) ساعة؛ فإذا سحبنا عينة عشوائية من كل معمل بحجم (125) مصباح ؛ فما هو احتمال أن يكون متوسط عمر المصباح في المعمل (A) أكبر منه في المعمل (B) على الأقل (150) ساعة ؟ على ال - مثال 14: كان من المعلوم من دراسات سابقة أن متوسط الأجر الشهري لعمال إحدى الصناعات في بلد ما مساوياً لـ 2500 ل.س وبانحراف معياري يساوي 200 ل.س، وكان اهتمام القائمين في هذه الصناعة معرفة متوسط نفقات العمال على السكن لكي يتخذوا قراراً عما إذا كان بإمكان هؤلاء العمال من تسديد الأقساط الشهرية ؛ في حال تم توفير بيوت سكنية لهم، وللتأكد سحبت عينة من 100 عامل فوجد أن متوسط أجر العامل الشهري يساوي 2400 ل.س؛ ملاحظة: احالم تحدد لوع العندة منان الاغتبار من اتجاهين وموراً مركز العرم، من اجرا والمطلوب: -1- هل تعتقد باحتمال 95% أن العينة المسحوبة تمثّل مجتمعها أصدق تمثيل؟

-2- ما هي القيمة التي اختبرت حولها التابع الإحصائي موضوع الطلب السابق ، وماذا تمثل ؟

مثال 15: تبين من دراسة شاملة أجرتها إحدى المكاتب الإحصائية في بلد ما أن نسبة الأسر التي يقل عدد أفرادها عن 4 أشخاص يساوي 🕈 %25 وبعد فترة وجيزة من إجراء الدراسة رغب مسؤول المكتب أن يحدد متوسط إنفاق الأسر على الغذاء فأخذت عينة بحجم 200 أسرة فوجد أن عدد الأسر التي يقل عدد أفرادها عن 4 أشخاص يساوي 40 أسرة ومتوسط إنفاق الأسر 15 ألف وحدة نقدية بتباين 5.

المطلوب: -1- هل تعتقد أن العينة المسحوبة تقدم معطيات صحيحة تسمح بإجراء الدراسة برر عند مستوى دلالة 10% ؟

-2- ما هي القيمة المختبر حولها في الطلب السابق ، وماذا تمثل ؟

مثال 16: كان الاعتقاد السائد لدى المسؤولين في إحدى الصناعات أن متوسط الأجر الشهري للعامل يبلغ 15000 ل.س بانحراف معياري 450 ل.س وللتأكد سحبت عينة عشوانية من 81 عامل فوجد أن متوسط الأجر الشهري يبلغ 14950 ل.س بانحراف معياري 440 ل.س.

-1- هل اعتقاد المسؤولين كان صحيحاً ؛ برر إجابتك إحصائياً ؟

-2- ماذا تمثل القيمة المختبر حولها في الطلب السابق؟

🦯 مثّال 17: يعتقد أحد المسؤولين في وزارة المعمل أن نسبة المتعلمين في إحدى الصناعات الخاصة تقل عن %20 ، وللتأكد من ذلك سحبت عينة عشوائية مؤلفة من 100 عامل فوجد أن نسبة المتعلمين %12؛ والمطلوب: هل اعتقاد المسؤول صحيح ؟

(مثال 18) قامت إحدى مؤسسات صناعة السيارات بإنتاج نوع معين من السيارات السياحية الصغيرة وأعلنت أن متوسط استهلاك هذا النوع من السيارات بصفيحة البنزين الواحدة يكفي لقطع 320 كيلو متر على الأقل ؛ ولهذه الغاية ، أخذت عينة عشوانية من 64 سيارة من هذا النوع واختبرت على طريق دمشق – حلب، فبلغ متوسط استهلاك السيارة الواحدة 301 كيلو متراً بصفيحة البنزين بانحراف معياري 76 كيلو متر. المطلوب: هل أن إعلان المؤسسة كان إعلاناً صحيحاً ، عند احتمال %5 ؟

مثال 19: ترغب وزارة الصحة بشراء دواء ما واشترطت أن تكون المادة الفعالة مضبوطة عند 5.84 كانحراف معياري، ورد للوزارة شحنة من هذا الدواء ، سحبت عينة عشوائية من 36 كبسولة فوجد أن الانحراف المعياري يساوي 5؛ فهل هذه الشحنة مطابقة للمواصفات ؟ برر

مثال 20: في دراسة حول متوسط الأجر الشهري لعمال إحدى الصناعات ؛ قام أحد الباحثين بأخذ عينة عشوائية من (64) عامل من معمل تابع لتلك الصناعة، فوجد أن متوسط الأجر الشهري للعامل يساوي (12200) ل.س وبانحراف معياري قدره (1700) ل.س ، ثم قام بسحب عينة عشوانية أخرى من (36) عامل من معمل آخر تابع للصناعة نفسها ، فوجد أن متوسط الأجر الشهري للعامل فيها مساوٍ لـ (11300) ل.س وبانحراف معياري قدره (1400) ل.س، المطلوب:

-1- هل تعتقد باحتمال %99 أن هناك اختلافاً حقيقياً بين متوسط أجور العمال في كلا المعملين ؟

-2- هل تعتقد باحتمال %95 بأن هناك تماثلاً في الأجر الشهري لعمال المعمل الأول والمعمل الآخر ؟ هذه ك المنكل مُ الأورُرع 👟 ا وُلَّمُهُمُ -3- ما هي القيمة التي اختبرت حولها التوابع الإحصائية موضوع الطلبين السابقين ؛ وماذا تمثّل ؟

مثال 21: تبين من دراسة شاملة أجريت على كافة عمال إحدى الصناعات في سورية أن متوسط الأجر الشهري للعامل الواحد في هذه الصناعة يبلغ (3600) ليرة سورية والانحراف المعياري (208) ليرة سورية ؛ وقد رغبت وزارة العمل بعد فترة من إجراء الدراسة السابقة معرفة نسبة العمّال الأميين في هذه الصناعة فقامت بسحب عينتين ؛ الأولى من عمال دمشق والثانية من عمال حلب فحصلت على المعلومات الم صنائ الماهسي

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

			The second secon	
نسبة العمال الأميين	الانحراف المعياري	متوسط الأجر الشهري	حجم العينة	العينة
8%	100 ل.س	3576 ل.س	169 عامل	دمشق
17%	110 ل.س	3504 ل.س	169 عامل	حلب

المطلوب:

- -1- هل تمثل هذه العينات أصدق تمثيل المجتمع الإحصائي الذي سحبت منه إذا كان مستوى الدلالة المعتمد %5؟
- -2- أوجد باحتمال %99 نسبة العمال الأميين في هذه الصناعة اعتماداً على المعلومات التي حصلت عليها من عينة دمشق أولاً ثم من عينة حلب؟ لانحسب المرقد من عينة عليها من عينة حلب المرتب المرتب
- -3- دع جانباً النتائج التي حصلت عليها سابقاً ؛ فهل تعتقد أن نسبة العمال الأميين في مدينة دمشق مختلفة جو هرياً عن نسبة العمال الأميين في مدينة حلب ، مستخدماً مستوى دلالة %10 ؟
 - -4- ما هي القيمة المختبر حولها موضوع الطلب السابق ، وماذا تمثل ؟
- مثال 22 قرر أحد المصارف أن حجم أعماله يدعو لإغلاق فرعه في الضاحية الشمالية من المدينة إذا كانت نسبة المتعاملين مع هذا الفرع تقل عن %20 من مودعيه وفي سبيل التحقق من ذلك سحبت عينة عشوائية من 100 مودع فتبين أن 16 مودعاً فقط يتعاملون مع هذا الفرع ؟ والمطلوب: المسلوب: المسلوب عند المسل
- اً ما احتمال سحب عينة عشوائية مؤلفة من 100 مودع حيث 16 منهم أو أقل يتعاملون مع هذا الفرع من مجتمع إحصائي يحتوي بالضبط على %20 من مودعي هذا الفرع ؟ وماذا يعنى هذا الاحتمال على وجه الدّقة ؟
 - 2- لقد قرر هذا المصرف إغلاق هذا الفرع ، فهل كان على حق في قراره ؟ برر إجابتك إحصائياً .
 - 3- حدد آثار ونتانج الوقوع بخطأ من النوع الأول وبخطأ من النوع الثاني وحدد على المنحني الطبيعي منطقة رفض فرضية العدم ؟
- 4- سحبت عينة عشوائية أخرى من نفس الحجم من مودعي هذا المصرف فتبين أن %24 منهم يتعاملون مع فرع المصرف في الضاحية الجنوبية من المدينة ، فهل تعتقد أن هناك اختلافاً حقيقياً بين نسبة المتعاملين مع هذا الفرع ونسبة المتعاملين مع الفرع الآخر إذا كان مستوى الدلالة %5 ؟
- 5- لقد كان من المرغوب به أيضاً دراسة حالة الادخار لتحديد النسبة المئوية للأسر التي تودع مدخراتها في المصارف ، فما هو حجم العينة الواجب سحبها عشوائياً لتعطي باحتمال %5.5 النسبة المئوية الحقيقية للأسر المدخرة على ألا يزيد الخطأ في التقدير عن %5 ؟
- مثال 23,رغبت إحدى المؤسسات التي تسوق مواد البناء في مناخ تنافسي حاد استيراد كميّات كبيرة من القضبان الحديدية المُستخدمة في تسليح الأبنية وقد اشترطت تلك المؤسسة أن لا يقل متوسط مقاومة تلك القضبان عن 3050 كغ/سم وقررت دفع مكافأة للشركة التي يكون إنتاجها أفضل بصورة حقيقية من المواصفات المطلوبة وقد ورد إليها ثلاث شحنات أُخذت من كلٍ منها عينة عشوائية حجمها 100 قضيب فأعطت نتائجها الآتى:

الانحراف المعياري	متوسط المقاومة	العينة
250	2950	A
300	3000	В
250	3150	С

<u>والمطلوب</u>:

- 1- ما القرار الواجب اتخاذه من أجل كل شحنة عند احتمال %95.5 ؟
- 2- هل تعتقد أن هناك اختلافاً حقيقياً بين متوسط مقاومة القضبان الحديدية في الشحنة الثانية والثالثة؟
 - 3- هل تعتقد أن هناك تماثلاً في مقاومة قضبان الشحنة الأولى والثانية؟
 - 4- لماذا يختلف توزيع المعاينة في الطلب (1) عنه في الطلبات (2) و (3) ؟
- 5- بفرض أن متوسط مقاومة القضبان الحديدية المنتجة في الشحنة الثانية خاضع للتوزيع الطبيعي، المطلوب:
 - A. ما هو حجم القضبان التي يتراوح متوسط مقاومتها بين 2400 و 2700 كغ/سم³ ؟
 - B. ما هي نسبة القضبان الحديدية التي يزيد متوسط مقاومتها عن 3600 كغ/سم⁹?
- 6- لقد كان من المرغوب به بالنسبة لإنتاج الشحنة الثالثة تحديد نسبة القضبان ذات المقاومة الأقل في إنتاجها الكلي وقد قدّرت نتيجة خبرة سابقة أن هذه النسبة لن تقل عن 1% ولن تزيد عن 2% فهل تعتقد أن حجم العينة المسحوبة أعلاه كاف لتقدير النسبة الحقيقية للقضبان ذات المقاومة الأقل على أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن 2% ولا يقل احتمال الدقة عن 95% ؟
- مثال 24: بيّنت الدراسات الشاملة التي أجرتها وزارة الصناعة في الصناعات التابعة لها، أن متوسط الأجر الشهري للعامل الواحد يبلغ 3300 ل.س وبانحراف معياري 700 ل.س، وللتأكد من ذلك سحبت عينتين عمال الصناعات التابعة لها، فأعطت الآتي:

4461680 - 4450680 - 0988778866



 $n_1 = 100$, $\overline{X}_1 = 3200$, $S_1 = 750$, $n_2 = 100$, $\overline{X}_2 3170$, $S_2^2 = 810$

المطلوب:

- ① أيُّ العينتين تمثل المجتمع الإحصائي الذي سحبت منه أصدق تمثيل، مدعماً رأيك بالحسابات اللازمة؟
 - في ضوء نتائج العينة (1):
 - A. قدر باحتمال %95.5 متوسط الأجر الشهري للعامل في تلك الصناعات؟
 - B. أوجد نسبة العمال الذين يقل أجرهم الشهري عن 1700 ل.س؟
 - C. أوجد عدد العمال الذين يتراوح أجرهم الشهري بين 1470 و 3950 ل.س؟
- هل تعتقد أن هناك تماثلاً في التوزيعات التكرارية لأجور العمال لهاتين الصناعتين، ثم بين القيمة المختبر حولها وماذا تمثل؟
- لقد كان من المرغوب فيه تحديد النسبة الحقيقية للعمال الأميين في الصناعة (2)، وقد قدّرت هذه النسبة بناءً على خبرات سابقة بأنها
 لا تتجاوز 10%، فهل كان حجم العينة المسحوب أعلاه كافياً لتقدير النسبة الحقيقية للعمال الأميين، على أن لا يزيد الخطأ في التقدير عن 4% ولكل الحالات العملية.
- مثال 25) ترغب إحدى المؤسسات التجارية شراء شحنة كبيرة من المصابيح الكهربائية ، وقد اشترطت أن لا يقل متوسط مدة إضاءة المصباح عن (2500) ساعة وبانحراف معياري (120) ساعة، وعلى العكس تتعهد المؤسسة بدفع مكافأة للشركة التي يكون إنتاجها أفضل بصورة حقيقية من المواصفات المطلوبة، وقد ورد إليها شحنتين من شركتين منتجتين للمصابيح، أخذ من كل شحنة عينة عشوائية من حجم (100) مصباح وتم اختبارها، فأعطت النتائج الآتية : ساعة $\overline{x}_1 = 2650$ ؛ ساعة 3 = 2488 ؛ ساعة 3 = 2488
- ولقد كان من المرغوب فيه تقدير نسبة القطع الرديئة في الإنتاج الكلي للشركة الثانية، وقد قدرت نتيجة خبرة سابقة، أن هذه النسبة تتراوح بين 2% و 4%، وأن الخطأ في التقدير لا يزيد عن 4%، وذلك باحتمال \$95.45؛ المطلوب:
 - (1) ما هو القرار الواجب اتخاذه بخصوص كل شحنة من الشحنتين الآنفتين الذكر:
- A- تقبل الفرضية H_0 وتقبل الشحنة الأولى ولا تدفع للشركة المنتجة أي مكافأة بالرغم من أن مواصفاتها أفضل بصورة حقيقية من المطلوبة؛
 - B- تقبل الفرضية H_0 وتقبل الشحنة الأولى وتدفع للشركة المنتجة مكافأة لأن مواصفاتها أفضل بصورة حقيقية من المطلوبة؛
 - حورة عقبل الفرضية H_0 وتقبل الشحنة الثانية ولا تدفع للشركة المنتجة أي مكافأة لأن مواصفاتها ليست أفضل بصورة حقيقية من المطلوبة؛
 - E : (C+B) -D ؛ غير ذلك.
 - -2- هل هناك اختلافاً حقيقياً بين متوسط مدِة إضاءة المصابيح المنتجة في هاتين الشركتين:
 - $H_{ ext{o}}$ نعم، لأن إحدى العينتين غير عشوائية ؛ $H_{ ext{o}}$ نعم، لرفضنا الفرضية $H_{ ext{o}}$ والمجتمعين الإحصائيين مختلفين بثوابتهما؛
 - لا، لقبولنا الفرضية H_0 ولا يوجد اختلاف حقيقي، لأن قيمة الاختبار المحسوبة أقل من قيمته النظرية المقابلة لأي مستوى دلالة؛
 - لوفصنا الفرضية H_1 ؛ $E: H_1$ غير ذلك.
- -3- إن الحد الأقصى لمتوسط مدة إضاءة المصابيح المنتجة من قبل الشركة الأولى باحتمال 95.5% هو: A- 2630 -B \cdot 2630 -B \cdot 2630 -D \cdot 2670 -C \cdot 2700 -D \cdot 2670 -D \cdot 270 -
- -4- تمثل القيمة المختبر حولها في (2): A- قيمة الثابت الإحصائي المساوي لـ (2500) ساعة ؛ B- قيمة الفروق بين التوابع الإحصائية والمساوية لـ (162) ساعة؛ C- توزيع معاينة الفروق بين التوابع الإحصائية التي تتوزع توزعاً طبيعياً حول وسط الحسابي يساوي الصفر ؛ D- توزيع معاينة الذي يتوزع توزعاً طبيعياً حول وسط حسابي يساوي قيمة الثابت الإحصائي المقابل له.
- -5- إن قيمة الخطأ المعياري لفروق أوساط إضاءة المصابيح من إنتاج هاتين الشركتين هو: -2 + 10.37 B + 10.37 8.03 ؛ -2 + 15.62 -2 خير ذلك.
 - -6- إن شكل توزيع المصابيح الكهربانية من إنتاج الشركة الأولى يختلف عنه في إنتاج الشركة الثانية، لأن:
- H_0 الفرضية H_0 مقبولة و H_1 ؛ H_0 الفرضية H_1 مرفوضة ؛ H_1 مرفوضة ؛ H_1 مقبولة و H_1 الفرضية H_0 مقبولة و H_1 ؛ H_1 الفرضية H_0 مقبولة و H_1 ، H_1 الفرضية H_0 الفرضية H_0 مقبولة و H_0 ، H_1 الفرضية H_0 مقبولة و H_0 ، H_1 الفرضية H_1 ، H_1 ، H_1 الفرضية H_1 ، H_1
- -7- بفرض أن مدة إضاءة المصابيح المنتجة في الشركة الأولى خاضعة للتوزيع الطبيعي، فإن عدد المصابيح التي تتراوح مدة إضاءتها بين (2550 و 2550) ساعة، هو -14 مصباح -14 مصباح -14 مصباح -14 مصباح -14 مصباح -14 مصباح -14
 - -8- إن حجم العينة الواجب سحبها عشوائياً لتقدير نسبة القطع الرديئة في الإنتاج الكلي للشركة الثانية، كان:
 - $(n = 184 \succ 100 \rightarrow 100 \rightarrow 100 \rightarrow 100$ مصباح C ؛ مصباح 96 B ($n = 178 \rightarrow 100 \rightarrow 100 \rightarrow 100$ ؛ A
 - D- غير كاف لأن (مصباح 100 \sim 90 = 1) ؛ E. غير ذلك.

4461680 - 4450680 - 0988778866



٠٩٨٧٧٨٨٩٠ - ٢٢٨٧٧٨٨٩٠

مثال 26: إذا كانت الانتاجية اليو مية لعينة عشو ائية مؤلفة من 7 عمال كالتالي:

			-				. 3 ,
7	6	5	4	3	2	1	العامل
10	9	16	11	10	14	14	الإنتاجية (بالقطعة)

المطلوب: حساب فترة ثقة قدرها %95 لمتوسط الإنتاجية اليومية لجميع عمال هذا المصنع؟

مثال 27: تنتج إحدى شركات الأدوية مستحضراً دوائياً جديداً؛ حيث تحتوي كل مضغوطة منه على 10 ملغ بالمتوسط من المادة الفعالة؛ قررت وزارة الصحة أنها ستعفي الشركة من الرقابة الصحية (وذلك لتشجيعها على الإنتاج الجيد)؛ إذا كان هناك ما يؤكد أن متوسط المادة الفعالة في المضغوطة الواحدة تزيد عن 10 ملغ وبشكل جو هري؛ أما إذا كان متوسط المادة الفعالة أقل أو تساوي 10 ملغ؛ فلن تعفى الشركة من هذه الرقابة، تم سحب عينة عشوائية مؤلفة من 15 مضغوطة من إنتاج المستحضر الجديد فوجد أن متوسط المادة الفعالة يساوي 10.42 ملغ بانحراف معياري يساوي 1.53 ملغ؛ المطلوب: هل سيتم تشجيع الشركة على الإنتاج الجيد وإعفاؤها من الرقابة الصحية (60 = 0)? > مثال 22: تنتج إحدى الآلات الوطنية نوعاً من المسامير بطول 3 سم وبعد فترة زمنية معينة، اعتقد مدير الإنتاج بأن هذه الآلة لم تعد تعمل كما يجب وأن متوسط أطوال المسامير لم يعد كما السابق، ولمعرفة مدى صحة هذا الاعتقاد سحبت عينة عشوائية حجمها 23 مسمار فوجد أن متوسط أطوالها 2.9 سم والانحراف المعياري المتحيز 0.25 سم، والمطلوب:

- ① هل تؤدي هذه البيانات إلى تأييد رأي مدير الإنتاج، استخدم مستوى دلالة %5?
- أوجد حدًا الثقة لمتوسط أطوال المسامير الحقيقي في كل إنتاج الآلة لـ 95% من الحالات؛ وماذا تستنتج ؟

مثال 29: بغية دراسة أثر منح المكافآت للعمال على إنتاجيتهم ، سحبت عينة عشوائية مؤلفة من سنة عمال ودرست إنتاجيتهم قبل منح المكافأة، ثم منحت مكافأة ودرست إنتاجيتهم فحصلنا على النتائج التالية:

6	5	4	3	2	1	العامل
35	30	28	35	42	40	إنتاجية العامل بالقطعة قبل المكافأة
20	28	42	45	50	55	إنتاجية العامل بالقطعة بعد المكافأة

المطلوب: أوجد باحتمال 90% فترة ثقة للفارق الحقيقي في إنتاجية العمال قبل وبعد منح المكافأة ؟ وماذا تستنتج ؟

- مثال 30: استناداً لبيانات المثال السابق، هل تعتقد أن إنتاجية العمال قد تحسّنت عما كانت عليه؛ استخدم مستوى دلالة %5؟

مثال 13: أراد مدير الأفراد في أحد المصانع أن يحدد باحتمال %90 قيمة الفارق الحقيقي لمعدل الأجازات السنوية للعاملات، لذلك تم سحب عينتين مستقلتين من سجلات عام 2006، العينة الأولَى مؤلفة من سجلات 12 عاملاً، وجد أن معدل أجازاتهم السنوية 85 يوم وبتباين 16 يوم، والعينة الثانية مؤلفة من سجلات 10 عاملات، وجد أن معدل أجازاتهم السنوية 18 يوم وبانحراف معياري 5 أيام، وبفرض أن التباينين في المجتمعين المدروسين متساويين؛ أوجد قيمة الفارق الحقيقي في المجتمعين المدروسين، مريضتين بداء السكري: المجموعة الأولى عددها 10 مرضى؛ يعانون من السكري المعتمد على الأنسولين، والمجموعة الثانية عددها 20 مريضاً يعانون من السكري غير المعتمد على الأنسولين. وجد من المجموعة الأولى أن متوسط السكر لديهم يساوي 310 ملغ بانحراف معياري 165 ملغ، ومن المجموعة الثانية وجد أن متوسط السكر لديهم 235 ملغ بانحراف معياري أحسب فترة الثقة للفارق الحقيقي في متوسط السكر للنوعين (المعتمد على الأنسولين وخير المعتمد على الأنسولين) وذلك باحتمال %99.

مثال 33; أريد اختبار فترة صلاحية نوعين من دواء السعال الخاص بالأطفال، نوع A تنتجه الشركات الوطنية ونوع B تنتجه الشركات الفرنسية، أخذت عينة عشوائية من 16 عبوة من إنتاج الشركات الوطنية، و 10 عبوات من إنتاج الشركات الفرنسية فوجد ما يلي: (بعد وضع العبوات جميعاً الوطنية والفرنسية في ظروف حرارية عالية ولفترة طويلة) متوسط فترة صلاحية النوع (A) 910 ساعة بانحراف معياري 8 ساعات ومتوسط فترة صلاحية النوع (B) 925 ساعة بانحراف معياري 15 ساعة، فإذا علمت أن التباينين في المجتمعين المدروسين متساويين $(\sigma_1^2 = \sigma_2^2)$ ؛ هل فترة صلاحية دواء السعال المنتج من قبل الشركات الفرنسية أطول من فترة صلاحية الدواء المنتج من الشركات الوطنية و ذلك عند $(\sigma_1^2 = \sigma_2^2)$.

مثال 34: أخذت عينة عشوائية مؤلفة من 15 بطارية مستوردة إنكليزية وجد منها أن متوسط ساعات العمل 258 ساعة عمل متواصلة، بانحراف معياري 19.3 ساعة كما أخذت عينة عشوائية أخرى من 11 بطارية فرنسية وجد منها أن متوسط ساعات العمل 202 ساعة بانحراف معياري 14 ساعة وبسبب أن الأسعار مرتفعة للبطاريات الإنكليزية فقد تقرر استيراد البطاريات الفرنسية إلا إذا كان متوسط عمل البطاريات الفرنسية عن 50 ساعة، عندها سيتم استيراد البطاريات الإنكليزية وبغض النظر عن السعر، فإذا علمت أن المجتمعين المدروسين متجانسين؛ والمطلوب: هل تنصح باستيراد البطاريات الإنكليزية، برر عند مستوى دلالة 5%؟



مسركسز النشائس ASSESSMENT . ALL SESSMENT . SESSM

مثال 35: لمعرفة فيما إذا كان متوسط دخل الأسر الشهري لطلاب المدارس الابتدائية الخاصة هو أكبر من متوسط دخل الأسر الشهرى لطلاب المدارس الحكومية وذلك لتقديم إعانة مالية لطلاب المدارس الحكومية فيما إذا كان الفارق بين الدخلين يزيد عن 3000 ل.س لصالح أسر طلاب المدارس الخاصة، تمّ اختيار 10 أسر عشوائياً من أسر طلاب المدارس الخاصة فوجد أن متوسط دخلهم 15000 ل.س بانحراف معياري 3500 ل.س، كما تم اختيار 13 أسرة من اللواتي لديهم أطفال في المدارس الحكومية فوجد أن متوسط دخلهم 11000 ل.س بانحراف معياري 3000 ل س، فإذا علمت أن تبايني المجتمعين المدر وسين مجهولين مختلفين؛ والمطلوب:

- $\alpha = 5\%$) المدارس المدارس الخاصة هي أكبر بشكل جو هري من دخول أسر طلاب المدارس الحكومية و $\alpha = 5\%$
 - $(\alpha = 5\%)$ هل ستقدم الإعانة لطلاب المدارس الحكومية ؟ (60

مثال 36: من مجتمع إحصائي له 230 μ ، سحبت منه عينة عشوائية n=6 وجد منها 200 $\overline{x}=31.62$ و بنتيجة الاختبار π $(lpha\,,S\,,n)$ الإحصائي تم قبول $H_0:(\overline{x}
eq\mu)$ وذلك عند $\alpha=10\%$ عند أية قيم \overline{x} يتم قبول وذلك مع ثبات $H_1:(\overline{x}
eq\mu)$ ؟

مثال 37: بفرض أن d تمثل الفرق بين المنتج بالساعة قبل وبعد تنفيذ البرنامج التدريبي الجديد، في عينة عشوائية من 25 عامل، وجد أن متوسط الفروق $\overline{d} = 26$ والانحراف المعياري للفروق 40 $S_D = 40$ ، هل البرنامج الجديد غيّر من الإنتاج:

-1- إن قيمة T المحسوبة تساوي: (A) 1.711 (A) 3.25 (B) \$ 3.18 (E) \$ 8.16 (D) . 8.00 (C) \$ 3.25 (B) \$

-2- إن درجات الحرية تساوي: (A) 26 ؛ (B) ؛ 27 (B) ؛ 23 (D) ؛ 48 (C) ؛ 24 (E)

 H_0 عند (A) قبول (A) عند المحرية تساوي 25 درجة وقيمة H_0 المحسوبة تساوي 1.5 فالقرار للمسألة السابقة سيكون: والاختبار من اليسار ؛ (B) قبول H_1 عند M=10% والاختبار من اتجاهين ؛ (C) والاختبار من اليسار ؛ $\alpha=10\%$ والاختبار من $\alpha=5\%$ اليمين ؛ (D) فبول H_1 عند 6 = 3 والاختبار من اتجاهين ؛ (E) قبول α عند α = 10% و الاختبار من اتجاهين.

مثال 38: ادعى أحد مدراء الإنتاج في أحد المصانع أن متوسط وزن القطعة المنتجة لديه لا تحيد عن 5.20 كغ، سُحبت عينة عشوائية من إنتاج هذا المصنع حجمها 10 قطع وجد منها أن متوسط وزن القطعة الواحدة يساوي 4.5 كغ بانحراف معياري متحيّز 1 كغ؛ عن طريق حدود الثقة سيكون ادعاء مدير الإنتاج صحيحاً وذلك باحتمال: (A) 99% (B) 4 95% (C) (B + A) (D) و (B + A) (E) الثقة سيكون ادعاء مدير الإنتاج صحيحاً وذلك باحتمال: (C + B + A) (B) 90% (C) 95% (B) . (مثال 39: في إحدى محطات الأمن الغذائي كان من المطلوب اختبار نوع معين من السماد على إنتاج القمح، اختبرت 24 قطعة من الأرض تم معالجة نصفها (المجموعة القياسبية) وترك الأخر دون معالجة (المجموعة الضابطة)، فكان متوسط إنتاج الوحدة من القمح في المجموعة

الضابطة 4.8 بانحراف معياري 4 بينما كان متوسط غلة الهكتار من القمح في المجموعة القياسية 5.1 بانحراف معياري 2.6؛ هل يمكن أن نستنتج من خلال ذلك أن هناك تحسن كبير في إنتاجية القمح نتيجة لاستخدام السماد. (استخدم مستوى دلالة %5).

مثال 40: بفرض أن لدينا توزيعاً لمربع كاي وأن عدد درجات الحرية خمس درجات، وأن مستوى الدلالة المعتمد %5:

المطلوب: أوجد قيمة كاي مربع الجدولية وفقاً للحالات التالية:

- ① الاختبار من اتجاه واحد يمين.
- ② الاختبار من اتجاه واحد يسار.
 - ③ الاختبار من اتجاهين.

مثال 41: أوجد قيمة كاي مربع عند $(\alpha = 5\%, \nu = 40)$ في الحالات التالية:

- ① الاختبار من اتجاه واحد يمين.
- ② الاختبار من اتجاه واحد يسار.
 - ③ الاختبار من اتجاهين.

مثال 121⁄2. أخذت عينة عشوائية من 16 طالب من إحدى المدارس الرسمية للبنين، فوجد أن متوسط أطوالهم 175 سم والانحراف المعياري لِلأطوال يساوي 2.40 سم والمطلوب: ما هو باحتمال %95 حدي الثقة للانحراف المعياري لأطوال جميع الطلاب ثم أوجد حدا الثقة للتباين؟ مثال 43: تمرغب وزارة الصحة بشراء دواء ما واشترطت أن تكون المادة الفعّالة مضبوطة عند 5.84 كانحراف معياري، ورد للوزارة شحنة من هذا الدواء من معمل ابن النفيس للأدوية، سحبت عينة عشوائية من 29 كبسولة فوجد أن الانحراف المعياري يساوي 5، والمطلوب:

- هل هذه الشحنة حسب المواصفات ؟ (استخدم مستوى دلالة %5)
- \odot أخذت أربع تجارب من نفس الحجم وجد أن قيم χ^2 للتجارب الأربع على الترتيب (7 27 46 36.3) فما هو القرار على
 - الفيس ؟
 الثقة لتشتت المادة الفعالة في معمل ابن النفيس ؟

مثال 44: سحبت عينة عشوائية مكّونة من 500 مندوب مبيعات فوجد أنه من بين 300 مندوب ذو الأداء المنخفض 42 مظهر هم سيء، ومن بين المندوبين ذوي الأداء المرتفع 180 مندوب ذو مظهر جيد، فهل هناك علاقة بين مظهر المندوب وأداءه $(\alpha = 5\%)$

_رك_ز البشائر ALEPASTAGENER . SAAVVAATI _ ££0.TA. _ ££717A.

4461680 - 4450680 - 0988778866

مَثَلَةً 4: في مجموعة من الجنود المشكوك بتمارضهم ويشكون من عدم القدرة على النوم الجيد، أخذت عينة عشوائية من 43 جندي من المجموعة المتمارضة أعطي بعضهم حبوب منوّمة بينما أعطي الآخرين حبوب من السكر على الرغم أن جميعهم يعتقدون أنهم قد أعطوا حبوب منوّمة؛ ثم تمّ سؤالهم بعد ذلك عمّا إذا كانت الحبوب قد ساعدتهم على النوم أم لا، فأجاب 10 من أصل 30 من الذين أخذوا الحبوب السكريّة بأنهم ناموا جيداً كما أجاب 4 من أصل 13 من الذين أخذوا الحبوب المنوّمة بأنهم لم يناموا جيداً، هل توجد فروق بين الحبوب المنوّمة $(\alpha = 5\%)$ استخدم χ^2 وحبوب السكر وحالة النوم أم لا أثبت ذلك إحصائياً باستخدام توزيع

مثال 46: وجد نتيجة رمي قطعة معدنية 200 مرة، أن عدد المرات التي جاءت القطعة شعاراً كان 115 مرة، وعدد المرات التي جاءت القطعة نقشاً كان 85 مرة المطلوب: اختبر الفرضية القائلة إن هذه القطعة كانت سوية (أي تنقسم بالتساوي بين الوجهين) وذلك باحتمال %95؟ مثال 47: كام أحد كبار علماء الزراعة بتجارب على نوع معيّن من البازلاء، فأخذ عيّنة من حجم 556 من حبات البازلاء، فوجد أن 315 حبّة كانت مدورة صفراء و 108 حبات كانت مدوّرة خضراء و 101 حبّة كانت طويلة صفراء و 32 حبة طويلة خضراء؛ وبحسب نظريته في الوراثة، فقد كان يتوقّع هذا العالم بأن يكون عدد حبّات الباز لاء موزّعة بنسبة 9: 3: 3: 1؛ المطلوب: هل اعتقاد العالم كان صحيحاً؛ إذا كان مستوى الدلالة %5؟

مثال 48: صنف 150 شخص حسب لون الشعر ولون العينين فكانت النتائج (بالنسبة المنوية) كما يلي:

لون الشعر لون العينين	أشقر	أسود	Σ
ازرق	46%	14%	60%
عسلي	8%	32%	40%
Σ	54%	46%	100%

المطلوب: در اسة العلاقة بين هاتين الصفتين عند مستوى دلالة 1% ؟

مثال 49: قام فريق من الباحثين الاجتماعيين بسحب عينة عشوائية من طلاب المدارس الإعدادية حجمها 1500 طالب؛ لاختبار ثلاثة طرق للتدريس الطريقة A والطريقة B والطريقة C، وقد تم توزيع الطلاب بالتساوي بين طرق التدريس الثلاث موضوع الاختبار، فكانت النتائج التالية: النسبة الكلية لنجاح الطلاب من خلال تطبيق الطرق الثلاث مجتمعة %40، منهم %37 حسب الطريقة B و %32 حسب الطريقة C؟ افترض $\alpha = 5\%$ و المطلوب:

- اختبر الفرض القائل بأن نسب نجاح الطلاب حسب الطرق الثلاث متساوية ؟
 - هل هناك استقلالاً بين نسب النجاح والرسوب وطرق التدريس المختبرة ؟

مثال 50: إذا كانت درجات الحرية في تجربة ما تساوي 61 درجة، هل قيم χ^2 النظرية (الجدولية) عند $\alpha=0.05$ والاختبار من اتجاهين تساوي: (A) 92.21 للطرف الأيمن و 35.45 للطرف الأيسر ؛ ((B)) 83.98 للطرف الأيمن و 40.86 للطرف الأيسر ؛ 40.86 (C) للطرف الأيمن و 83.98 للطرف الأيسر ؛ (D) 35.45 للطرف الأيمن و 92.21 للطرف الأيسر ؛ (E) لا يمكن إيجادهم .

مثال 51: بالاستفادة من معطيات التجربة السابقة هل قيمة χ^2 المنطبقة على منتصف المنحني الطبيعي تساوي: (A) 0 (B) 121.5 (B) .

. 80.5 (E) \$ 60.5((D) \$ 63.83 (C)

مثال 52: في تجربتين منفصلتين لنفس موضوع البحث شكل جدولين للاستقلال من الشكل (6 × 6) وجد منهما قيمتا لكاي مربع (30.7) و 40.8):

- -1- إن درجات الحرية للتجربتين معاً وقيمة χ^2 المدموجة هما على الترتيب: (A) 72 و 80 ؛ (B) و 71.5 ؛ (C) 25 و 143 ؛ 71.5 و 60.5 ؛ (E)) 36 (D)
 - 75.40 (E) ؛ 31.92 (D) ؛ 70.92 (C) ؛ 34.44 (B) ؛ 67.28 (A) تساوي: $\alpha = 5\%$ تساوي: $\alpha = 5\%$ النظرية عند $\alpha = 5\%$ تساوي: $\alpha = 5\%$
 - -3- بغرض أن قيمة χ^2 المدموجة تساوي 100 وقيمة χ^2 النظرية تساوي 90، فإن القرار الإحصائي للتجربتين معاً هو:
- (A) رفض الفرضية والاختبار من اليسار ؛ (B) قبول الفرضية والاختبار من اليمين ؛((C)) كفض الفرضية والاختبار من اليمين ؛ (D) قبول الفرضية والاختبار من اليسار ؛ (E) رفض الفرضية والاختبار من اتجاهين.

مثال 53: في عينة عشوائية مكونة من 200 محل تجاري في مدينة دمشق تم سحبها خلال شهر كانون أول وجد أن هناك 20 محل من أصل 40 ذو مبيعات جيدة عند سقوط المطر وأن هناك 100 محل ذو مبيعات سيئة عند عدم سقوط المطر ؛ فهل تعتقد أن هناك علاقة بين المبيعات $(\alpha = 5\%)$ عند الأمطار عند الأمطار



مسركسن البشسائس

AL PASHAGE GENTER . ANNVANTI _ £ £0. Th. _ £ £ T 1 Th.

4461680 - 4450680 - 0988778866

مثال 54: بهدف تطبيق نظام ضريبي جديد على الأرباح، قررت وزارة المالية زيادة نسبة ما تقتطعه من الأرباح، إذا كان متوسط ربح تجار السيارات من السيارة الواحدة يساوي أو أكثر من 100000 ل.س، ادعى أحد تجار السيارات أن متوسط ربحه من السيارة الواحدة يقل عن 100000 ل.س، قامت لجنة من وزارة المالية بسحب عينة عشوائية من 19 فاتورة بيع سابقة عند هذا التاجر، فوجد أن متوسط ربحه في السيارة الواحدة يساوي 97000 ل.س بانحراف معياري 9000 ل.س، عند $\alpha = 0.05$ فهل ادعاء التاجر صحيح؟

- $\overline{x} \ge \mu$ (E) $\overline{x} \ne \mu$ (D) $\overline{x} \prec \mu$ (C) $\overline{x} \le \mu$ (B) $\overline{x} \succ \mu$ (A) ھي: $\overline{x} \ne \mu$ (D) $\overline{x} \ne \mu$ (D) $\overline{x} \ne \mu$ (D)
 - -2- إن قيمة الاختبار الإحصائي هي: (A) 3.72 (A) (E) ؛ (D) ؛ (0.39 (C) ؛ (E) غير ذلك
 - -3- القرار النهائي: (A) قبول H_0 وستطبق الضريبة الجديدة ؛ (B) قبول H_1 وستطبق الضريبة الجديدة ؛
 - رفض H_0 وستطبق الضريبة الجديدة ؛ (D) رفض H_1 ولن تطبق الضريبة الجديدة ؛ (E) و (E) معاً
- بفرض أن الضريبة الجديدة قد طبقت، حدد قيمة متوسط الربح في العينة الذي عنده لن تزيد وزارة المالية نسب الضريبة وذلك مع ثبات الانحراف المعياري وحجم العينة ($\alpha = 0.05$).
- -4- إن متوسط ذلك الربح في العينة الذي عنده لن تطبق الضريبة الجديدة هو: (A) من 103572 ل.س وأكثر ؛ (B) أقل من 96428 ل.س (C) بين 96428 و 103572 ل.س ؛ (D) بين 95664 و 104336 ل.س ؛ (E))غير ذلك.
- هذا وقد ادعى التاجر أن نسب مبيعاته من السيارات هي %30 من الحجم الكبير و %30 من الحجم المتوسط و %40 من الحجم الصغير، وللتأكد تم سحب عينة عشوائية أخرى من 150 فاتورة بيع سابقة، وجد منها 40 سيارة من الحجم الكبير و 40 سيارة من $\alpha = 0.05$ الحجم الصغير، فهل ادعائه صحيح عند
- -5- ا**لفرضية المختبرة:** (A) لا تتوزع نسب المبيعات بـ %30 و %30 و %40 على الترتيب؛ (B) لا تتوزع نسب المبيعات بـ %40 و 70% و 40% على الترتيب؛ (C) نتوزع نسب المبيعات بـ 30% و 30% و 40% على الترتيب؛ (D) تتوزع نسب المبيعات بـ 40% و %70 و %40 على الترتيب؛ (E) تتوزع نسب المبيعات بشكل متساو.
 - -6- إن التكرارات النظرية تتوزع على الترتيب بالشكل:
 - 50 · 50 · 50 (E) · 33.3 · 33.3 · 33.3 (D) · 40 · 30 · 30 (C) · 60 · 45 · 45 (B) · 40 · 70 · 40 (A)
 - 13.897 (E) 3.841 (D) 3.921 (C) 29.551 (B) 21.155 (A) 21.155 (A) المحسوبة هي: -7
 - -8- إن قيمة 2 بر النظرية (الجدولية) تساوي: (E) \$5.024 (D) \$3.841 (C) \$9.219 (B) \$7.815 (A) غير ذلك
- -9- القرار النهائي: (A) تقبل الفرضية ولا تتوزع نسب المبيعات بـ 30% و 30% و 40% على الترتيب؛ (B) نرفض الفرضية ولا تتوزع نسب المبيعات بـ 30% و 30% و 40% على الترتيب؛ (C) إن ادعاء التاجر صحيح؛ (D) النسب تتوزع بشكل متساوٍ؛ (E) النسب تتوزع بـ 40% و 70% و 40% على الترتيب.

مثال 55: اشترى مصنع لإنتاج المسامير آلة جديدة للتصنيع ، على أساس أن هذه الآلة تصنع المسامير بطول 3 سم وسطياً وبانحراف معياري 0.2 سم، وبعد فترة زمنية من شراء هذه الآلة، اعتقد أحد المهندسين الفنيين أن تشتت أطوال المسامير التي تنتجها الآلة يزيد عن ذلك المعلن عند الشراء، وفي سببيل التحقق من ذلك، سحبت عينة عشوائية مؤلفة من 20 مسمار منتج حديثاً، فوجد أن متوسط أطوال المسامير 2.8 سم بانحراف معياري م المعلوب: هل اعتقاد المهندس الفني صحيح، برر إجابتك إحصائياً، معتمداً مستوى دلالة %5؟

1- إن فرضيات الدراسة هي:

- $H_0: S = \sigma$ والاختبار من اتجاهين $H_1: S \neq \sigma$ والاختبار من اتجاه واحد يسار ؛ (B) $H_1: \bar{x} \prec \mu$
- $H_0: S^{\mathbf{r}} \leq \sigma$ $H_0: \overline{x} \prec \mu$ والاختبار من اتجاه واحد يمين ؛ (D) والاختبار من اتجاه واحد يمين ؛ (E) غير ذلك. $H_1: S \succ \sigma$ $H_1: \overline{x} \geq \mu$
 - 2- إن قيمة الاختبار الإحصاني تساوي:
- χ_{al} غير ذلك. ودر2: (s^2) : (E) 24.2 (C) 4.47 (B) 22.99((A)) 3.96 (D) 3- إن قيمة الاختبار الجدولية تساوى:
 - 30.144(C) (E) غير ذلك. 10.117(D) 2.09 (B) 1.73 (A) 4- القرار الإحصائي هو:
 - (A) قبول (H_0) واعتقاد المهندس الفني صحيح (B)قبول (H_0) واعتقاد المهندس الفني خاطئ ؛

عَبُولُ الله رىمون ، كار B + C(E) (A + B(D) واعتقاد المهندس الفني صحيح (C) وفض (H_1) واعتقاد المهندس JAMAAA PageH Xal=27,99 30,144

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر، ١٦٨٠٠٨٠٠.

مثَّال 56: لتكن لدينا البيانات التالية التي تمثل كميات الإنتاج (بألاف القطع) في أحد معامل الألبسة في الفترة الزمنية 1995 - 2002:

20		2001	2000	1999	1998	1997	1996	1995	السنوات
1	0	13	11	10	6	7	5	3	كميات الإنتاج لا
	7	/	2	_	(>		2	- E	5

المطلوب:

- ① أوجد معادلة الاتجاه العام وفق طريقة الرسم الحر معتبراً أن سنة الأساس 1994، وفسر ثوابت المعادلمة؟
 - أوجد معادلة الاتجاه العام وفق طريقة المتوسطات النصفية معتبراً أن سنة الأساس 1994؟
 - اوجد معادلة الاتجاه العام وفق طريقة المربعات الصغرى معتبراً أن سنة الأساس 1994؟
 - أوجد معادلة الاتجاه العام وفق طريقة المربعات الصغرى معتبراً أن سنة الأساس 1998؟
- أوجد كمية الإنتاج النظرية (الاتجاهية أو المقدرة) في عام 1999، باستخدام المعادلة الناتجة من الطلب (3)، مفسراً النتيجة؟
 - أوجد كمية الإنتاج المتوقعة في عام 2003 متأثرة بالاتجاه العام فقط، باستخدام المعادلة الناتجة من الطلب (3)؟

مثال 57: لدينا بيانات عن المبيعات السنوية لإحدى المؤسسات الصناعية مقدرة (بملايين الليرات السورية) وذلك خلال السنوات 1991 - 1999:

1999	1998	1997	1996	1995	1994	1993	1992	1991	السنة
15	12	10	11	8	6	7	4	3	المبيعات

المطلوب:

- ① أوجد معادلة الاتجاه العام السنوية، معتبراً سنة الأساس 1995، وفسر الثوابت؟
- ② أوجد معادلة الاتجاه العام السنوية، معتبراً سنة الأساس 1990، وفسر الثوابت؟
 - أوجد القيمة المتوقعة للمبيعات عام 2000؟
 - أوجد الرقم القياسي الدوري لعام 1991، وفسر النتيجة؟
 - أوجد الرقم القياسي الدوري لعام 1994، وفسر النتيجة؟
- إذا علمت أن قيمة المبيعات عام 2001 بلغت (16.7442) مليون ل.س، وأنه لا يوجد تأثير للعوامل الدورية والعشوائية على مبيعات
 عام 2001، فما هي قيمة المبيعات الاتجاهية عام 2001؟

مثال 58: لتكن لدينا المعلومات التالية والمأخوذة من أحد المصارف عن الودائع السنوية من عام 2000 وحتى عام 2005:

2005	2004	2003	2002	2001	2000	السنة
60	56	40	33	28	20	الودانع (ملايين الوحدات النقدية)

المطلوب:

- ① أوجد معادلة الاتجاه العام باستخدام أسلوب الانحر افات، وفسر الثوابت؟
- أوجد معادلة الاتجاه العام السنوية معتبراً عام 1999 عام الأساس، وفسر الثوابت؟

مثال 59: يوضّع الجدول التالي عدد الركاب المنقولين على حافلات شركة نقل خلال 4 أعوام:

المجموع	الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
180	40	60	50	30	2000
190	44	63	55	28	2001
180	40	58	52	30	2002
178	33	65	55	25	2003
187	43	64	53	27	2004
915	200	310	265	140	المجموع

المطلوب:

- حساب الرقم القياسي الموسمي (الدليل الموسمي) لكل الفصول، مفسر أ النتائج؟
 - ② أوجد عدد الركاب اللاموسمي في الفصل الثاني من عام 2001؟
- ⑤ أوجد عدد الركاب في الفصل الرابع من عام 2004 بعد استبعاد تأثير الموسم؟

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

. 477773 - £ £ 0 . 7 A . _ £ £ 7 1 7 A .

: لدينا البيانات التالية عن المبيعات الفصلية لمعرض أدوات كهربائية:	مثال 60:
--	----------

المجموع	الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
37	7	12	8	10	2000
42	6	14	10	12	2001
45	8	15	9	13	2002
51	9	14	12	16	2003
60	17	16	10	17	2004

المطلوب:

- أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية، وفسر ثوابتها؟
- ② أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية، معتبراً الفصل الأول من عام 2001 نقطة أساس؟
 - ⑤ أوجد قيمة المبيعات المقدرة (النظرية) في الفصل الرابع من عام 2000؟
- $(\widetilde{y} = T)$ أوجد الرقم القياسي الموسمي لكل فصل في سنوات الدراسة وفسر النتائج؟ إذا علمت أن القيم الاتجاهية $(\widetilde{y} = T)$ لبيانات الودائع الفصلية كانت على الشكل التالي:

المجموع	الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
37.4	9.8	9.5	9.2	8.9	2000
42.2	11	10.7	10.4	10.1	2001
47.0	12.2	11.9	11.6	11.3	2002
51.8	13.4	13.1	12.8	12.5	2003
56.6	14.6	14.3	14	13.7	2004

- أوحد قيمة المبيعات بعد استبعاد تأثير الموسم لكل فصول السلسلة؟
- أوجد قيمة المبيعات المتوقعة في الفصل الأول من عام 2005 متأثرة بالاتجاه العام فقط؟
- أوجد قيمة المبيعات المتوقعة في الفصل الأول من عام 2005 متأثرة بالاتجاه العام والموسم معاً؟
 - (8) أوجد الرقم القياسي الدوري لمنافئة المنهمات؟ مع تفسير النتائج؟

مثَّال $\widetilde{Y}_t = 1200 + 400 \cdot t$ التالية: $t = 1200 + 400 \cdot t$ التالية: $t = 1200 + 400 \cdot t$

المطلوب: 1- أوجد معادلة الاتجاه العام الشهرية ؟ ؟ 2- أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية ؟

مثّال $\widetilde{Y}_t = 100 + 40 \cdot t$: لتكن لدينا معادلة الاتجاه العام السنوية (لبيانات متوسطات) التالية: $\widetilde{Y}_t = 100 + 40 \cdot t$

المطلوب: أوجد معادلة الاتجاه العام الشهرية، وفسّر الثوابت؟

مَثْلَى 63: لديك البيانات التالية عن المبيعات السنوية (بماليين الوحدات النقدية) لمعرض سيارات مأخوذة في 1/7 من كل عام:

-	الل الله	الرواد في ١١	رص سيار الله	ت التعديد-) منحر	ربماريين الوحدا	بيعات السنوية	في البيانات النالية عن اله	ਸੰਸ :(
L	2008	2007	2006	2005	2004	2003	العام	
	223	240	230	220	210	200	المبيعات	

المطلوب:

- ① أوجد معادلة الاتجاه العام السنوية، باستخدام طريقة المتوسطات النصفية، ومعتبراً أن سنة الأساس عام 2002؟
 - ② أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية، ومعادلة الاتجاه العام الشهرية، وفسر الثوابت؟
- ③ بفرض أن البيانات ماخوذة في 31 / 12 من كل عام، أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية ومعادلة الاتجاه الشهرية؟

مثال 64: يبين الجدول التالي القيم الربعية مخلصة من أثر الاتجاه العام للمبالغ المودعة بملايين الدولارات الربع سنوية في أحد البنوك خلال

الفترة 2000 – 2002

2002	2001	2000	الربع/السنة
6	4	2	الربع الأول
8	6	4	الربع الثاتي
10	8	6	الربع الثالث
12	10	8	الربع الرابع

أحسب الأرقام القياسية الموسمية؟ حساب القيم الاتجاهية لمبالغ الربع الأول من السنوات الثلاث إذا علمت أن القيم الربعية هي كما في الجدول التالي:

2002	2001	2000	الربح/السنة
69.42	66.51	59.06	الربع الأول
86.03	89.94	98.93	الربع الثاتي
100.44	109.17	127.93	الربع الثالث
113.06	125.23	149.33	الربع الرابع

- خلص بيانات الربع الرابع من السنوات الثلاث من الأثر الموسمي، وفسر النتائج؟
- إذا علمت أن معادلة الاتجاه المعام الربعية من الشكل $\widetilde{Y} = 3.38 + 0.657t$ ، حوّل هذه المعادلة إلى معادلة سنوية وفسر النتائج ، واحسب القيمة المتوقعة للمودعات في الربع الثالث من عام 2000 آخذاً بالاعتبار أن نقطة الأساس تقع في الربع الأول من عام 2000.

* * * * * * * * * *

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركن البشائر

مثال 1

خروفاً 216
$$n = \frac{(3)^2 \cdot (600)}{(5)^2} = 216$$
 خروفاً

خروفاً 195
$$n = \frac{(2000) \cdot (3)^2 \cdot (600)}{(2000 - 1) \cdot (5)^2 + (3)^2 \cdot (600)} = 195$$
 خروفاً

مثال 2:

$$n = \frac{(2)^2 \cdot (100)^2}{2 \cdot (5)^2} = 800$$

مثال 3:

(قادة)
$$n = \frac{(2)^2 \cdot (45) \cdot (55)}{(4)^2} \approx 619$$
 أسرة

(i) (i) (i)
$$n = \frac{(4000) \cdot (2)^2 \cdot (45) \cdot (55)}{(3999) \cdot (4)^2 + (2)^2 \cdot (45) \cdot (55)} \approx 619 \approx 619$$

مثال 8:

$$\mu = 500 \mp 2 \times \frac{150}{\sqrt{400}} \Rightarrow \mu \in [485;515]$$

أي أنه باحتمال %95.5 فإن متوسط إنفاق جميع الطلاب لن يقل عن 485 ل.س ولن يزيد عن 515 ل.س مثال 9:

$$\sigma_x = 100 \mp 3 \times \frac{100}{\sqrt{2 * 200}} \Rightarrow \sigma_x \in [85;115]$$

أي أنه باحتمال %95.5 فإن الانحراف لن يقل عن 85 ساعة ولن يزيد عن 115 ساعة مثال 10:

$$p = 45 \mp 1.65 \times \sqrt{\frac{(45)(55)}{900}} \Rightarrow p \in [42.3;47.7]$$

أي أن النسبة لن تقل باحتمال %90 عن %42.3 ولن تزيد باحتمال %90 عن %47.7

مثال 11:

الطلب 1:

$$\mu_1 - \mu_2 = (1400 - 1200) \mp 2 * \sqrt{\frac{(120)^2}{150} + \frac{(80)^2}{100}} \Rightarrow [174.7; 225.3]$$

إننا واثقون باحتمال %95.5 بأن قيمة الفرق بين المتوسطين لن تقل عن 174.7 ولن تزيد عن 225.3.

الطلب 2:

$$\sigma_1 - \sigma_2 = (120 - 80) \mp 2.58 * \sqrt{\frac{(120)^2}{2 * 150} + \frac{(80)^2}{2 * 100}} \Rightarrow [16.9; 63.1]$$

إننا واتقون باحتمال %99 بأن قيمة الفرق بين الانحرافين المعياريين لن تقل عن 16.9 ولن تزيد عن 63.1.

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركر البشائر

4461680 - 4450680 - 0988778866	SUMER GENTER STANY YAAR - EESTINA
:15	مثال 14:
$H_0: p'=p$	$H_0: \overline{x} = \mu$
$H_1: p' \neq p$	$H_1: \overline{x} \neq \mu$
$Z = \frac{ 20 - 25 }{\sqrt{\frac{(25)(75)}{200}}} = -1 $	
V 200	$\sqrt{100}$
$Z_{\frac{0.10}{2}} = 1.65$	$Z_{\frac{0.05}{2}} = 1.96$
ر: قبول الفرضية H_0	القرار: رفض الفرضية H_0 القرا
:17	مثال 16:
$H_0: p'=p$	$H_0: \overline{x} = \mu$
$H_1: p' \prec p$	$H_1: \overline{x} \neq \mu$
$Z = \frac{ 12 - 20 }{\sqrt{\frac{(20)(80)}{100}}} = -2 $	$Z = \frac{ 14950 - 15000 }{\frac{450}{\sqrt{81}}} = -1 $
$Z_{0.05} = 1.65$; $Z_{0.01} = 2$	
العراء العبية العبية	

مثال 20:

الطلب الثاني	الطلب الأول
$H_0: S_1 = S_2$	$H_0: \overline{x}_1 = \overline{x}_2$
$H_1: S_1 \neq S_2$	$H_1: \overline{x}_1 \neq \overline{x}_2$
$1 - \alpha = 0.95 \Rightarrow \alpha = 0.05 (\leftrightarrow) \Rightarrow Z_{0.05} = 1.96$	$1 - \alpha = 0.99 \Rightarrow \alpha = 0.01 (\leftrightarrow) \Rightarrow Z_{0.01} = 2.58$
$Z = \frac{ 1700 - 1400 }{\sqrt{\frac{(1700)^2}{2 \times 64} + \frac{(1400)^2}{2 \times 36}}} = 1.34$	$Z = \frac{\left 12200 - 11300\right }{\sqrt{\frac{(1700)^2}{64} + \frac{(1400)^2}{36}}} = 2.85$
القرار: قبول الفرضية H ₀	القرار: رفض الفرضية H ₀

الطلب الثالث: القيمة المختبر حولها تساوي صفر، وتمثل توزيع معاينة فروق التوابع الإحصائية التي تتوزع توزيعاً طبيعياً حول الثابت الإحصائي.

4461680 - 4450680 - 0988778866



مدرد البشائر البشائر البشائر المدرد ا

مثال 21:

الطلب الأول:

 $H_0: \overline{x} = \mu$

 $H_1: \overline{x} \neq \mu$

عينة حلب	عينة دمشق
$Z = \frac{\left 3504 - 3600\right }{\frac{208}{\sqrt{169}}} = 6$	$Z = \frac{\left 3576 - 3600\right }{\frac{208}{\sqrt{169}}} = 1.5$

عند مستوى دلالة 5% فإن قيمة Z الجدولية تساوي 1.96؛ وعليه نقبل H₀ لعينة دمشق ونرفضها لعينة حلب؛ وبالتالي عينة دمشق هي عينة عشوائية تمثل المجتمع الإحصائي وعينة حلب عينة غير عشوائية ولا تمثل المجتمع.

الطلب الثاني:

$$p = 8 \mp 2.58 \cdot \sqrt{\frac{8*92}{169}} \Rightarrow [2.62;13.38]$$
 تقدير من عينة دمشق:

الطلب التالث:

$$H_0: p_1' = p_2'$$

$$H_1: p_1' \neq p_2'$$

$$Z = \frac{|8 - 17|}{\sqrt{\frac{(8)(92)}{169} + \frac{(17)(83)}{169}}} = 2.53$$

عند مستوى دلالة 10% فإن قيمة Z الجدولية تساوي 1.65% و عليه نرفض H_0 الطلب الرابع: القيمة المختبر حولها هي الصفر وتمثل توزيع معاينة فروق النسب المنوية التي تتوزع طبيعياً حول قيمة الثابت الإحصائي.

مثال 22:

	:22 0
$Z = \frac{16 - 20}{\sqrt{\frac{20 * 80}{100}}} = -1 \Rightarrow \frac{0.6827}{2} = 0.34135$ $P_r = 0.5 - 0.34135 = 0.15865$	الطلب الأول:
حُسبت قيمة الاختبار Z في الطلب الأول وهي تساوي $ 1- $ ؛ وعند مستوى دلالة 50 والاختبار من اتجاه واحد يسار فإن قيمة Z الجدولية تساوي $.65- $ وبالتالي نقبل $.40- $ ؛ وعند مستوى دلالة 10 والاختبار من اتجاه واحد يسار فإن قيمة 10 الجدولية تساوي 10 وبالتالي نقبل 10 اذا نقبل 10 مهما كان مستوى الدلالة المتخذ؛	الطلب الثاني:
آثار الوقوع بخطأ من النوع الأول: إغلاق الفرع والمصرف سوف يتحمل كافة مصاريف التأسيس، وبالنسبة للزبائن سيؤدي إغلاق الفرع إلى حرمان الزبائن من الخدمات المقدمة وسينتقلون إلى فرع آخر ؛ آثار الوقوع بخطأ من النوع الثاني: الاستمرار في العمل في هذا الفرع وعلى المصرف تحمل ضعف مردوديته وبالنسبة للزبائن لا يوجد تأثير عليهم.	الطلب الثالث:
$lpha=5\%(\leftrightarrow)\Rightarrow Z_{0.05\over 2}=1.96$ خقبل H_0 وليس هناك اختلاف حقيقي. $Z=rac{\left 16-24 ight }{\sqrt{rac{16*84}{100}+rac{24*76}{100}}}=\left -1.42 ight $	الطلب الرابع:
$n = \frac{(2)^2 * 50 * 50}{(5)^2} = 400$ أسرة	الطلب الخامس:

4461680 - 4450680 - 0988778866



<u>رك ز البشائر</u>

مثال 23:

الطلب الأول:

الشحنة الثالثة	الشحنة الثانية	الشحنة الأولي
$\mu_3 = 3150 \mp 2 * \frac{250}{\sqrt{100}}$	$\mu_2 = 3000 \mp 2 * \frac{300}{\sqrt{100}}$	$\mu_1 = 2950 \mp 2 * \frac{250}{\sqrt{100}}$
$\mu_3 \in [3100; 3200]$	$\mu_2 \in [2940; 3060]$	$\mu_{\rm I} \in [2900; 3000]$
القرار: قبول الشحنة ومنح مكافأة.	القرار: قبول الشحنة دون مكافأة.	القرار: رفض الشحنة الأولى

الطلب الثاني:

؛ يوجد اختلاف حقيقي $H_0: \overline{x}_2 = \overline{x}_3$

. الاختلاف حقيقي بين متوسط الشحنتين الثانية والثالثة $H_1: \overline{x}_2
eq \overline{x}_3$

$$Z = \frac{\left|3000 - 3150\right|}{\sqrt{\frac{(300)^2}{100} + \frac{(250)^2}{100}}} = 3.84$$

القرار: مهما كان مستوى الدلالة فإن (Z المحسوبة Z الجدولية Z، وبالتالي نرفض H_0 والاختلاف حقيقي.

يوجد تماثل - $H_0: S_1 = S_2$

لا يوجد تماثل - $H_1: S_1 \neq S_2$

$$Z = \frac{\left|250 - 300\right|}{\sqrt{\frac{(250)^2}{2*100} + \frac{(300)^2}{2*100}}} = \left|-1.8\right|$$

القرار: مهما كان مستوى الدلالة فإن (Z المحسوبة Z الجدولية) ونقبل H_0 ونؤكد أن هنالك تماثلاً في الشحنتين الأولى والثانية.

الطلب الرابع:

في الطلب (1) توزيع معاينة التابع الإحصائي الذي يتوزع طبيعياً حول الثابت الإحصائي المقابل له ؛ بينما في الطلبين (2 و 3) توزيع معاينة الفرق بين التوابع الإحصائية التي تتوزع طبيعياً حول ثابت إحصائي قيمته الصفر.

الطلب الخامس: الفقرة (A):

$$Z_{1} = \frac{2400 - 3000}{300} = -2 \Rightarrow 0.4775$$

$$Z_{2} = \frac{2700 - 3000}{300} = -1 \Rightarrow 0.3413$$

 $n(2400 \prec x \prec 2700) = 100 * (0.4775 - 0.3413) \approx 14$ قضيباً

الفقرة (B): لإيجاد نسبة القضبان التي تزيد مقاومتها عن 3600، فإن:

$$Z = \frac{3600 - 3000}{300} = +2 \Rightarrow 0.4775 \Rightarrow P\% = (0.5 - 0.4775) *100 = 2.25\%$$

الطلب السادس:

$$n = \frac{(1.96)^2 * 2 * 98}{(2)^2} \approx 188$$
 Equation in Equation 2.188

n=100 - 188 كن الشحنة الثالثة لأن المعنى لتقدير نسبة القضبان ذات المقاومة الأقل في الشحنة الثالثة لأن n=100

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر ١٩٨٧٧٨٨٠٠

2007 / 2008حل أسئلة الدورة الفصلية الأولى للعام الدراسي

حل السؤال	رقم السؤال
$H_0: \overline{x} = \mu$	رے ہسوری
$H_1: \overline{x} \neq \mu$	
$Z = \frac{ 995 - 1000 }{21} = -1.67 = 1.67$	
$\frac{21}{\sqrt{49}}$	
	12
$Z_{\underline{0.05}} = \mp 1.96 = 1.96$	•
القرار: نقبل الفرضية H_0 ، وما كتب كان صحيحاً.	
(A) (B) (C) (D) (E)	
$\mu = 995 + 2.58 \cdot \frac{18}{\sqrt{49}} = 1001.63$ غرام	
	13
(A) (B) (C) (D) (E)	
$n = \frac{(Z)^2 \cdot p \cdot q}{(d)^2} = \frac{(2)^2 \cdot 50 \cdot 50}{(8)^2} = 156.25$	
$(d)^2$ (8) ²	14
(A) (B) (C) (D) (E)	
$H_0: p_1' = p_2'$	
$H_1: p_1' \neq p_2'$	
$Z = \frac{ 10 - 12 - 0}{\sqrt{\frac{10 \cdot 90}{49} + \frac{12 \cdot 88}{49}}} = -0.32 = 0.32$	
$Z = \frac{10.90 \cdot 12.88}{10.90 \cdot 12.88} = -0.32 = 0.32$	15
$\sqrt{\frac{49}{49}} + \frac{49}{49}$	
القرار: مهما كان مستوى الدلالة المتخذ نقبل H_0 ، ولا يؤجد اختلاف حقيقي.	
(A) (B) (C) (D) (E)	
$\sigma_{\sigma_{1-2}} = \sqrt{\frac{(18)^2}{2 \cdot 49} + \frac{(15)^2}{2 \cdot 49}} = 2.367$	16
(A) (B) (C) (D) (E)	
$H_0: S_1 = S_2$	
$H_1: S_1 \neq S_2$	
[18-15 -0	1.5
$Z = \frac{ 18 - 15 - 0}{2.367} = +1.267 = 1.267$	17
القرار: هناك تماثل حقيقي ، نتيجة قبول H_0 ، مهما كان مستوى الدلالة المتخذ.	
(A) (B) (C) (D) (E)	

4461680 - 4450680 - 0988778866



كرز البشائر

. ٩٨٨٧٧٨٨٦٦ _ ٤٤٥.٦٨. _ ٤٤٦١٦٨.

X	$X - \overline{X}$	$(X-\overline{X})^2$
10	-2	4
9	-3	9
16	+4	16
11	-1	1
10	-2	4
14	+2	4
14	+2	4
∑X=84	0	42

$$\bar{x} = \frac{84}{7} = 12; S_x = \sqrt{\frac{42}{7 - 1}} = 2.65$$

$$\upsilon = 7 - 1 = 6 \Rightarrow t_{(6,0.025)} = 2.45$$

$$\mu = 12 \mp 2.45 * \frac{2.65}{\sqrt{7}} \Rightarrow 9.55 \prec \mu \prec 14.45$$

مثال 27:

$$H_0: \overline{x} \le \mu$$
 $H_1: \overline{x} > \mu$
 $t_{cal} = \frac{|10.42 - 10|}{\frac{1.53}{\sqrt{15}}} = |+1.06| = 1.06$

$$\nu = 15 - 1 = 14 \Rightarrow t_{(14,0.05)} = |+1.76| = 1.76$$

 $t_{cal} < t_{tab}$: لأن الفرضية H_0 القرار: نقبل الفرضية

مثال 28:

الطلب الأول:

$$H_0: \overline{x} = \mu$$

$$H_1: \overline{x} \neq \mu$$

$$H_1: \overline{x} \neq \mu$$

$$t_{cal} = \frac{|2.9 - 3|}{0.25} = |-1.88| = 1.88$$

$$v = 23 - 1 = 22 \Rightarrow t_{(22,0.025)} = |\mp t_{cal} < t_{tab} : \forall H_0$$
ضية H_0

$$\upsilon = 23 - 1 = 22 \Longrightarrow t_{(22,0.025)} = |\mp 2.07| = 2.07$$

القرار: نقبل الفرضية Ho لأن: tcal < ttab

الملك الثاني:

$$\mu = 2.9 \mp 2.07 * \frac{0.25}{\sqrt{23 - 1}} \Rightarrow 2.79 < \mu < 3.01$$

M=XIt(PK), SX

4461680 - 4450680 - 0988778866



ركسز البشسائس

العامل	X ₁	X ₂	d	d^2
1	40	55	-15	225
2	42	50	-8	64
3	35	45	-10	100
4	28	42	-14	196
5	30	28	+2	4
6	35	20	+15	225
Σ	210	240	-30	814

•
$$\bar{d} = \frac{-30}{6} = -5$$

$$S_D = \sqrt{\frac{814 - \frac{(-30)^2}{6}}{6 - 1}} = 11.524$$

•
$$v = 6 - 1 = 5 \Rightarrow t_{(5,5\%)} = 2.02$$

$$\mu_D = |-5| \mp 2.02 \cdot \frac{11.524}{\sqrt{6}} \Rightarrow]-4.5; 14.5[$$

 $\mu_D = \left| -5 \right| \mp 2.02 \cdot \frac{11.524}{\sqrt{6}} \Rightarrow \left| -4.5 \right| ; 14.5 \left[$ Line We and it is the same of the sa نثال 30: $H_0: \overline{x}_1 \geq \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 = \mu_2$ لا يوجد دلالة إحصائية ، أي أن الإنتاجية لم تتغير (لم تتحسن) $T_0: \overline{x}_1 = \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 = \mu_2$ دلالة إحصائية والإنتاجية تحسّنت - $H_1: \overline{x}_1 \prec \overline{x}_2 \Rightarrow \mu_1 \prec \mu_2$

$$t_{cal} = \frac{\left|-5\right| - 0}{11.524} = \left|-1.063\right| = 1.063$$

$$\upsilon = 6 - 1 = 5 \Rightarrow t_{(5,0.05)} = |-2.02| = 2.02$$

القرار: نقبل الفرضية H_0 ونرفض الفرضية H_1 لأن: $t_{cal} \prec t_{lab}$ ولا توجد دلالة إحصائية بمعنى الما المترصي ومركون مالمات القرار: نقبل الفرضية المات المترصية ال مثال 31:

$$\hat{S}^2 = \frac{(12-1)*16 + (10-1)*25}{12+10-2} = 20.05; \upsilon = 12+10-2 = 20 \Rightarrow t_{(20,\frac{0.1}{2})} = 1.72$$

$$\mu_{1} - \mu_{2} = |85 - 81| \mp 1.72 * \sqrt{\frac{20.05}{12} + \frac{20.05}{10}} \Rightarrow 0.702 \prec \mu_{1} - \mu_{2} \prec 7.298$$

$$M_{1} = |\chi_{1}| = |\chi_{1}| + \frac{1}{2} (|\chi_{1}|^{2}) + \frac{1}{2} (|\chi_{1}|^{2}$$

$$v' = \frac{\left[\frac{(165)^2}{10} + \frac{(100)^2}{20}\right]^2}{\left(\frac{(165)^2}{10}\right)^2 + \left(\frac{(100)^2}{20}\right)^2} = 12.41 \approx 12 \Rightarrow t'_{(12,\frac{0.01}{2})} = 3.05$$

$$\mu_1 - \mu_2 = |310 - 235| \mp 3.05 * \sqrt{\frac{(165)^2}{10} + \frac{(100)^2}{20}} \Rightarrow -98.14 < \mu_1 - \mu_2 < 248.14$$

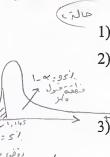
Nove to aipello seel Otieros y ais averalles are per les الاستاء عجمة شجيير 0933/525660

4461680 - 4450680 - 0988778866

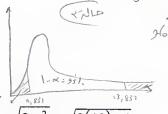


محرک البشائر

· - 5 5 4 1 4 V ·



- 1) $\upsilon = 5$; $\alpha = 0.05 (\rightarrow) \Rightarrow \chi^2_{tab(5,0.05)} = 11.070$
- 2) $\upsilon = 5$; $\alpha = 0.05(\leftarrow) \Rightarrow 1 \alpha = 0.95 \Rightarrow \chi^2_{tab(5,0.95)} = 1.145$ $\upsilon = 5$; $\alpha = 0.05(\leftrightarrow) \Rightarrow$
- $(\rightarrow): \frac{0.05}{2} = 0.025 \Rightarrow \chi^2_{lab(5,0.025)} = 12.832$
 - $(\leftarrow): 1 \frac{0.05}{2} = 0.975 \Rightarrow \chi^2_{tab(5,0.975)} = 0.831$



26 60 à cai

ىثال 40:

مثال 41:

$$v = 40$$
; $\alpha = 0.05(\rightarrow) \Rightarrow Z = +1.65 \Rightarrow +1.65 = \sqrt{2\chi^2} - \sqrt{2(40)-1}$

1)
$$\Rightarrow \chi^2 = \frac{(\sqrt{79} + 1.65)^2}{2} = 55.53$$

$$v = 40$$
; $\alpha = 0.05 (\leftarrow) \Rightarrow Z = -1.65 \Rightarrow -1.65 = \sqrt{2\chi^2} - \sqrt{2(40) - 1}$

2)
$$\Rightarrow \chi^2 = \frac{(\sqrt{79} - 1.65)^2}{2} = 26.19$$

$$\upsilon = 40$$
; $\alpha = 0.05 (\leftrightarrow) \Rightarrow Z = \mp 1.96 \Rightarrow \mp 1.96 = \sqrt{2\chi^2} - \sqrt{2(40) - 1}$

3)
$$\Rightarrow \begin{cases} (\rightarrow) : \chi^2 = \frac{(\sqrt{79} + 1.96)^2}{2} = 58.84 \\ (\leftarrow) : \chi^2 = \frac{(\sqrt{79} - 1.96)^2}{2} = 23.99 \end{cases}$$

مثال 42:

$$\upsilon = 16 - 1 = 15$$
; $\alpha = 0.05 (\leftrightarrow) \Rightarrow$

$$(\rightarrow): \frac{0.05}{2} = 0.025 \Rightarrow \chi^2_{tab(15,0.025)} = 27.488$$

$$(\leftarrow): 1-0.025 = 0.975 \Rightarrow \chi^2_{tab(15,0.975)} = 6.262$$

$$\sqrt{\frac{(16-1)(2.4)^2}{27.488}} \prec \sigma_x \prec \sqrt{\frac{(16-1)(2.4)^2}{6.262}} \Rightarrow 1.773 \prec \sigma_x \prec 3.714$$

حدًا الثقة للتبابن:

$$3.144 \prec \sigma_{*}^{2} \prec 13.794$$

4461680 - 4450680 - 0988778866



مسركسز البشسائس

مثال 43:

الطلب الأول:

$$H_0: S = \sigma$$

 $H_1: S \neq \sigma$
 $v = 29 - 1 = 28 \ \alpha = 0.05(\leftrightarrow) \Rightarrow$
 $\frac{\alpha}{2} = 0.025 \Rightarrow \chi^2_{(28,0.025)} = 44.461$
 $1 - \frac{\alpha}{2} = 0.975 \Rightarrow \chi^2_{(28,0.975)} = 15.308$

 $\chi_{cal}^2 = \frac{(29-1)*(5)^2}{(5.84)^2} = 20.52$

القرار: قبول (H_0) والشحنة مطابقة للمواصفات.

الطلب الثاني:

	Ho also	Ho Gen
0 / 15,308	X = 20,52	44,461
glo ver	العالم على الم	

القرار	درجات الحرية	قيمة الاختبار المحسوبة	العينة
قبول	28	20.52	1
رفض	28	7	2
قبول	28	27	3
رفض	28	46	4
قبو ل	28	36.3	5

ان قيمة (χ^2) المحسوبة المدموجة تساوي مجموع العمود الثاني من الجدول السابق ويساوي (136.82)، وقيمة درجات الحرية المدموجة تساوي مجموع العمود الثالث ويساوي (140)، وقيمة (χ^2) النظرية الجديدة تساوي: χ^2

$$(\rightarrow): \chi_{tab}^{2} = \frac{\left(\sqrt{2*140-1} + 1.96\right)^{2}}{2} = 174.2$$

$$(\leftarrow): \chi_{tab}^{2} = \frac{\left(\sqrt{2*140-1} - 1.96\right)^{2}}{2} = 108.7$$

مطاحة للمرامدات.

القرار: نقبل (H_0) على الصعيد العام.

26 ves Jog Hove, 174,2 174,2 Gd

10 x-1 10 c-V - C...

4461680 - 4450680 - 0988778866



المجموع	ختر	سيء	الأداء
300	258	42	منخفض
200	180	20	مرتفع
500	438	62	المجموع

الفرضية: فرضية الاستقلال: لا يوجد علاقة بين مظهر المندوب وأداءه.

$$E_1 = \frac{62*300}{500} = 37.2, E_2 = \frac{438*300}{500} = 262.8, E_3 = \frac{62*200}{500} = 24.8, E_4 = \frac{438*200}{500} = 175.2$$

$$\chi^2 = \sum \left[\frac{(O_i - E_i)^2}{E_i} \right]$$

الخلية	O_i	E_{i}	$O_i - E_i$	$(O_i - E_i)^2$	$\frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$
1	42	37.2	+4.8	23.04	0.62
2	258	262.8	-4.8	23.04	0.09
3	20	24.8	-4.8	23.04	0.93
4	180	175.2	+4.8	23.04	0.13
Σ	500	500	0	-	1.77

v = (2-1)(2-1) = 1 , $\alpha = 0.05 \Rightarrow \chi^2_{(1,0.05)} = 3.841$: χ^2 القيمة الحرجة لـ χ^2

القرار: نقبل فرضية الاستقلال لأن: $(\chi^2_{cal} imes \chi^2_{cal})$. ولا توجد علاقة ذات دلالة إحصائية بين مظهر المندوب وأداءه.

مثال 45:

المجموع	حبوب منومة	حبوب سکر	نوع الحبوب طبيعة النوم
19	9	10	نوم جيد
24	4	20	نوم غير جيد
43	13	30	المجموع

فرضية الاستقلال: ليس هناك فوق جو هرية بين حبوب السكر والحبوب المنومة و حالة النوم (ليس هناك دلالة إحصائية) وبالتالي لا يوجد

$$E_1 = \frac{30 \times 19}{43} = 13.26$$
; $E_2 = \frac{13 \times 19}{43} = 5.74$; $E_3 = \frac{30 \times 24}{43} = 16.74$; $E_4 = \frac{13 \times 24}{43} = 7.26$

$$\begin{bmatrix} O_i & E_i & O_i' & \frac{(O'-E)^2}{E} \\ 10 & 13.26 & 10.5 & 0.57 \\ 9 & 5.74 & 8.5 & 1.33 \\ 20 & 16.74 & 19.5 & 0.46 \\ 4 & 7.26 & 4.5 & 1.05 \\ \sum O = 43 & \sum E = 43 & \sum O' = 43 & \chi^2_{cal} = 3.41 \end{bmatrix}$$

 $\nu = 1$; $\alpha = 0.05 \Rightarrow \chi^2_{tab(1.0.05)} = 3.841$

القرار: نقبل فرضية الاستقلال وليس هناك دلالة إحصائية (ليس هناك علاقة).

4461680 - 4450680 - 0988778866



مسركت البشائس

مثال 46:

الفرضية : (H_0) : القطعة المعدنية سوية وتنقسم بالتساوي بين الوجهين.

الاختبار الإحصائي:

الوجه	O _i	$\overline{P_i}$	E_{i}	$\frac{(O_i - E_i)^2}{E_c}$
شعار	115	0.5	100	2.25
نقش	85	0.5	100	2.25
المجموع	200	1	200	$\chi^2_{cal} = 4.5$

 $v=2-1=1, \alpha=0.05 \Rightarrow \chi^2_{(1,0.05)}=3.841: (\chi^2)$ القيمة الجدولية لـ (χ^2)

القرار: نرفض (H_0) والقطعة المعدنية غير سوية.

مثال 47:

الفرضية: (H_0) : تتوزع حبّات البازلاء بحسب النسب 9:8:3:1 على الترتيب، وذلك كما يتوقعها العالم.

الاختبار الإحصائي:

النتائج الممكنة	O_i	\overline{P}_i	E_i	$\frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$
مدورة صفراء	315	9/16 312.75		0.02
مدورة خصراء	108	3/ /16	104.25	0.13
طويلة صفراء	101	3/ /16	104.25	0.10
طويلة خضراء	32	1/ /16	34.75	0.22
Σ	556	1	556	$\chi_{cal}^2 = 0.47$

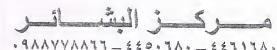
 $v = 4 - 1 = 3, \alpha = 0.05 \Rightarrow \chi^2_{(3,0.05)} = 7.815$

 (χ^2) القيمة الجدولية لـ (χ^2) :

القرار: نقبل (H_0) لأن: $(\chi^2_{cal} \prec \chi^2_{cal})$ ، وعدد حبات البازلاء تتوزع بحسب النسب $(X^2_{cal} \prec \chi^2_{cal})$ الترتيب.

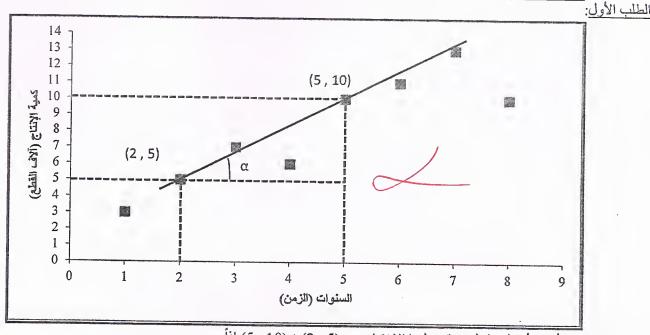
4461680 - 4450680 - 0988778866





مثال 56:

t ²	yt	t	Y	السنوات
1	3	1	3	1995
4	10	2	5	1996
9	21	3	7	1997
16	24	4	6	1998
25	50	5	10	1999
36	66	6	11	2000
49	91	7	13	2001
64	80	8	10	2002
204	345	36	65	المجموع



نلاحظ من الرسم أعلاه أن النقاط التي وقع عليها الاختيار هي (5, 2) ؛ (10, 5) إذاً:

$$b = \frac{10 - 5}{5 - 2} = 1.67$$

$$a = 5 - 1.67 \times 2 = 1.66$$

$$\Rightarrow \widetilde{y}_t = 1.66 + 1.67t$$

تفسير الثوابت

في الزمن صفر (نقطة الأساس عام 1994) بلغ حجم الإنتاج 1.66 ألف قطعة نظرياً.

معامل انحدار (الاتجاه العام السنوي) كلما تقدم الزمن سنة واحدة فإن حجم الإنتاج سيزداد وسطياً 1.67 ألف قطعة.

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

الطلب الثالث:

$$b = \frac{8 \times 345 - 65 \times 36}{8 \times 204 - (36)^2} = 1.25$$

$$a = \frac{65 - 1.25 \times 36}{8} = 2.5$$

$$\hat{y}_{1998} = 2.5 + 1.25(4) = 7.5 \Rightarrow \hat{y}_t = 7.5 + 1.25t$$

الطلب الرابع:

$$\hat{y}_{1999} = 2.5 + 1.25(5) = 8.75$$

الطلب الخامس:

لو كان الإنتاج متأثر فقط بالاتجاه العام ، لكانت الكمية المنتجة 8.75 ألف قطعة.

$$\hat{y}_{2003} = 2.5 + 1.25(9) = 13.75$$

الطلب السادس:

مثال 57:

7				
<u>t</u>	Yt	t	Y	السنة
16	-12	-4	3	1991
9	-12	-3	4	1992
4	-14	-2	7	1993
1	-6	-1	6	1994
0	0	0	8	1995
1	11	1	11	1996
4	20	2	10	1997
9	36	3	12	1998
16	60	4	15	1999
60	83	0	76	المجموع

الطلب الأول:

$$a = \bar{y} = \frac{76}{9} = 8.4444$$

$$b = \frac{\sum yt}{\sum t^2} = \frac{83}{60} = 1.3833$$

$$\Rightarrow \hat{y}_t = 8.4444 + 1.3833t$$

$$\hat{y}_{1990} = 8.4444 + 1.3833(-5) = 1.5279 \Rightarrow \hat{y}_t = 1.5279 + 1.3833t$$

الطلب الثاني:

$$\hat{y}_{2000} = 8.4444 + 1.3833(5) = 15.3609$$

الطلب الثالث:

الطلب الرابع:

$$(C \times I)_{1991} = \frac{y_{1991}}{\hat{y}_{1991}} \times 100 = \frac{3}{8.4444 + 1.3833(-4)} \times 100 = \frac{3}{2.9112} \times 100 \approx 103\%$$

هناك تأثير إيجابي للعوامل الدورية والعشوائية، ساهمت بزيادة قيمة المبيعات بنسبة %3.

الطلب الخامس:

$$(C \times I)_{1994} = \frac{y_{1994}}{\hat{y}_{1994}} \times 100 = \frac{6}{8.4444 + 1.3833(-1)} \times 100 = \frac{6}{7.0611} \times 100 \approx 85\%$$

هناك تأثير سلبي للعوامل الدورية والعشوائية، ساهمت بإنقاص المبيعات بنسبة 15%.

$$(C \times I)_{2003} = 100\%$$
 $y_{2003} = \hat{y}_{2003} = 16.7442$

الطلب السادس:

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر

مثّال 58: الطلب الأول:

السنة Y_t t' = 2tt $y_t \cdot t'$ 2000 20 -2.5-100 2001 28 -1.5-84 2002 33 -0.5-33 2003 40 +0.5+1 +40 2004 56 9 +1.5+3 +168 2005 60 25 +2.5+300 237 0 291

$$a = \overline{y} = \frac{237}{6} = 39.5$$

$$b' = \frac{\sum yt'}{\sum t'^2} = \frac{291}{70} = 4.157$$

$$\Rightarrow \widetilde{y}_t = 39.5 + 4.157 \cdot t'$$

حيث أن نقطة الأساس واقعة بين عامي 2002 و 2003 أي أنها في منتصف عام 2003 ، تفسير b : مقدار الزيادة نصف السنوية (الاتجاه العام نصف السنوي) ويساوي 4.157

الطلب الثاني:

لإيجاد معادلة الاتجاه العام السنوية في عام 1999، نتبع الخطوات التالية:

$$\hat{y}_{1999} = 39.5 + 4.157(-7) = 10.401 \quad ; \quad b = 2b' = 2 \times 4.157 = 8.314 \Rightarrow \hat{y}_t = 10.401 + 8.314t$$

مثال 59:

الطلب الأول:

$$\overline{\overline{Y}} = \frac{915}{4 \times 5} = 45.75$$
 راکب

تقسير المتوسط العام: لو لم يكن هذاك تأثير للموسم لكان من المتوقّع أن يكون متوسط عدد الركاب 45.75 في كل فصل.

$$\overline{y}_1 = \frac{140}{5} = 28$$
 ; $\overline{y}_2 = \frac{265}{5} = 53$; $\overline{y}_3 = \frac{310}{5} = 62$; $\overline{y}_4 = \frac{200}{5} = 40$ (12)

		2	5	3
الفصل	متوسطكل قصل	المتوسط العام	(S)الدليل الموسمي	
1	28	45.75	$S_1 = \frac{\overline{y}_1}{\overline{\overline{y}}} * 100 = \frac{28}{45.75} * 100 = 61$.21% 21%
2	53	45.75	$S_2 = \frac{\overline{y}_2}{\overline{\overline{y}}} *100 = \frac{53}{45.75} *100 = 11$	5.85%
3	62	45.75	$S_3 = \frac{\overline{y}_3}{\overline{\overline{Y}}} * 100 = \frac{62}{45.75} * 100 = 13$	5.51%
4	40	45.75	$S_4 = \frac{\overline{y}_4}{\overline{\overline{y}}} * 100 = \frac{40}{45.75} * 100 = 87$.43%
			$\sum S = 400\%$	

الطلب الثاني:

$$\frac{y_{2/2001}}{S_2} \times 100 = \frac{55}{115.85} \times 100 = 47.48 \approx 47$$
 راکب

الطلب الثالث:

$$\frac{y_{4/2004}}{S_4} \times 100 = \frac{43}{87.43} \times 100 = 49.2 \approx 49$$
راکب

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر، ٩٨٨٧٨٨٠٠

مثال 60:

		T			
t ²	yt	t	Y	الفصل	السنة
1	10	1	10	1	
4	16	2	8	2	
9	36	3	12	3	2000
16	28	4	7	4	1
25	60	5	12	1	
36	60	6	10	2	
49	98	7	14	3	2001
64	48	8	6	4	
81	117	9	13	1	
100	90	10	9	2	
121	165	11	15	3	2002
144	96	12	8	4	
169	208	13	16	1	
196	168	14	12	2	
225	210	15	14	3	2003
256	144	16	9	4	
289	289	17	17	1	
324	180	18	10	2	
361	304	19	16	3	2004
400	340	20	17	4	
2870	2667	210	235	المجموع	

الطلب الأول:

$$b = \frac{20 \times 2667 - 235 \times 210}{20 \times 2870 - (210)^2} = 0.3$$

$$a = \frac{235 - 0.3 \times 210}{20} = 8.6$$

$$\Longrightarrow \widetilde{Y}_t = 8.6 + 0.3t$$

تبلغ المبيعات في نقطة الأساس (الفصل الرابع من عام 1999) 8.6 ؛ ومع تقدم الزمن فصل واحد تزداد المبيعات بمعدل 0.3

 $\hat{Y}_{1/2001} = 8.6 + 0.3(5) = 10.1 \Rightarrow \hat{Y}_t = 10.1 + 0.3t$

الطلب الثاني:

 $\hat{Y}_{4/2000} = 8.6 + 0.3(4) = 9.8$

الطلب الثالث:

الطلب الرابع: الاعتماد على الحيل رقم (١) جدول لا يض المساقة وعدول رقم (٥) عدول الأول المالك الرابع: الله المالك الرابع المالك الأول المالك المالك الأول المالك الما

المجموع	الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
	71.43	126.32	86.96	112.36	2000
	54.55	130.84	96.15	118.81	2001
	65.57	126.05	77.59	115.04	2002
	67.16	106.87	93.75	128.00	2003
	116.44	111.89	71.43	124.09	2004
	375.15	601.97	425.88	598.30	المجموع
400.26	75.03	120.39	85.18	119.66	الرقم القياسي الموسمي الخام
400	74.98	120.32	85.12	119.58	الرقم القياسي الموسمي المعدّل

حيث أن قيمة معامل التصحيح تساوي (0.99935 = 400.26 / 400)

4461680 - 4450680 - 0988778866



مركز البشائر، ١٨٨٠٨٨٠٠.

الطلب الخامس: بالزيمَاد على الدول الأوله بي المال الله والسطوال عبر في المال العالم المالية عن المالية عن المالية عن المالية الأوله بي المالية عن المالية الأوله بي المالية عن المالية المالية

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
9.34	9.97	9.40	8.36	2000
8.00	11.64	11.75	10.04	2001
10.67	12.47	10.57	10.87	2002
12.00	11.64	14.10	13.38	2003
22.67	13.30	11.75	14.22	2004

الطلب السادس:

$$\hat{Y}_{1/2005} = 8.6 + 0.3(21) = 14.9$$

الطلب السابع:

$$\hat{Y}_{1/2005} \times S_1 = 14.9 \times \frac{119.58}{100} = 17.82$$

الطلب الثامن:

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الثاني	الفصل الأول	السنة
95.26	104.98	102.16	93.96	2000
72.75	108.74	112.96	99.36	2001
87.46	104.76	91.15	96.21	2002
89.58	88.82	110.14	107.04	2003
155.29	92.99	83.92	103.77	2004

مثال 63:

الطلب الأول:

$$\overline{y}_1 = \frac{200 + 210 + 220}{3} = 210; \ \overline{y}_2 = \frac{230 + 240 + 223}{3} = 231; \ \overline{t}_1 = 2; \ \overline{t}_2 = 5$$

$$b = \frac{231 - 210}{5 - 2} = 7; \quad a = 210 - 7 \times 2 = 196 \Rightarrow \hat{Y}_t = 196 + 7t$$

الطلب الثاني:

$$b_S = \frac{7}{4} = 1.75 \; ; \; a_S = 196 + 2 \times 1.75 = 199.5 \Rightarrow \hat{Y}_S = 199.5 + 1.75 t_S$$

$$b_m = \frac{7}{12} = 0.5833 \; ; \; a_m = 196 + 6 \times 0.5833 = 199.4998 \Rightarrow \hat{Y}_m = 199.4998 + 0.5833 t_m$$

الطلب الثالث:

$$b_S = \frac{7}{16} = \mathbf{0.4375} \; ; \; a_S = \frac{196}{4} + 2 \times 0.4375 = 49.875 \Rightarrow \hat{Y}_S = 49.875 + 0.4375t_S$$

$$b_m = \frac{7}{144} = \mathbf{0.04861} \; ; \; a_m = \frac{196}{12} + 6 \times 0.04861 = 16.625 \Rightarrow \hat{Y}_m = 16.625 + 0.04861t_m$$

* * * * * * * * *

انتهى المنهاج

~ ن ~

الإستاك محمد شحيبر 0933/525660

to 12000 = 4,2 / 12000 = 9,2 / 12000 = 9,2

يبيّن الجدول الآتي نسب عزل تأثير الاتجاه العام من بيانات المبيعات الفصلية لإحدى المحلات التجارية من عام 2000 ولغاية عام 2004:

الفصل الرابع	الفصل الثالث	الفصل الناني	الفصل الأول	السنة
71.43	126.32	86.96	112.36	2000
54.55	130.84	96.15	118.81	2001
65.57	126.05	77.59	115.04	2002
67.16	106.87	93.75	128.00	2003
116.44	111.89	71.43	124.09	2004
375.15	601.97	425.88	598.30	المجموع

إذا علمت أن بداية الفصل الأول من عام 2000 هو فصل الأساس، وإذا علمت أيضاً أن قيمة المبيعات في الفصل الأول وفي الفصل الثاني من عام 2000 متأثرة بالاتجاه العام فقط تبلغ 8.9 و 9.2 على التوالي (المبيعات مقدرة بآلاف الليرات السورية)؛ <u>المطلوب</u>:

1- أوجد معادلة الاتجاه العام الفصلية ، وفسّر الثوابت؟ ؛ 2- أوجد الرقم القياسي الموسمي (الخام والمعدل) لهذه السلسلة؟ ؛ 3- أوجد قيمة المبيعات الفعلية في الفصل الأول والثاني والثالث والرابع من عام 2000؟ ثم أوجد قيمة المبيعات في الفصل الأول من عام 2000 بعد استبعاد تأثير الموسم؟ ؛ 4- أوجد الرقم القياسي الدوري في الفصل الأول والثاني من عام 2000 ؟

.

بيّنت الدراسات الشاملة التي أجرتها إحدى شركات إنتاج الشوكولاته أن متوسط وزن اللوح الواحد بيلغ 100غرام والانحراف المعياري 6 غرامات؛ وللتأكد من مطابقة إنتاجها الحالي للمواصفات المطلوبة، قامت بسحب عينتين من الإنتاج فأعطت النتائج الآتية:

نسبة زبدة الكاكاو البديلة	الانحراف المعياري	متوسط وزن اللوح	حجم العينة	العينة
20%	5.5 غ	101 غ	121 لوحاً	Ī
10%	6 غ	98 غ	81 لوحاً	ب

المطلوب: 1- أياً من العينتين تمثل المجتمع الإحصائي الذي سحبت منه ، مدعماً رأيك بالحسابات اللازمة ؛ 2- ما هو عدد الألواح في العينة (آ) التي يقل وزنها عن 112 غرام ؟ ؛ 3- قدر باحتمال %95 نسبة زبدة الكاكاو البديلة في الإنتاج الكلي، اعتماداً على العينة (آ) أولاً ثم العينة (ب) ثانياً ؟

4- ما هي نسبة العينات العشوانية الواجب سحبها من حجم (121) لوح بحيث تكون نسبة زبدة الكاكاو البديلة لا تقل عن %20 من مجتمع إحصائي يحتوي بالضبط على %28 من نسبة زبدة الكاكاو البديلة ؟ ؟

5- ما هو حجم العينة العشوائية الواجب سحبها لتقدير الانحراف المعياري الحقيقي بحيث لا يختلف عن الانحراف المعياري للعينة (آ) المسحوبة من المجتمع الإحصاني المدروس باحتمال %95 وأن لا تزيد نسبة الخطأ في تقدير الانحراف المعياري عن %0.5 ولقد كان من المرغوب به تقدير النسبة الحقيقية لبودرة الكاكاو في الإنتاج الكلي وقد قدرت نتيجة خبرة سابقة بـ (%18) ؛ فهل تعتقد بأن حجم العينة العشوائية المسحوبة أعلاه كاف لتقدير النسبة المحقيقية لبودرة الكاكاو في الإنتاج الكلي بحيث لا يزيد الخطأ في التقدير عن %3.3 وأن لا يقل احتمال الدقة عن %90 ؟

تبين من دراسة اجرتها مؤسسة إكثار البذار أن نسبة نقاوة البذور لا تقل ولا تزيد عن %98، ولقد ورد للمؤسسة عدة أصناف من البذار، أخذ صنفين منها، حجم كل صنف 169 غ فاعطت نتائجهما الآتي:

الصنف الثاني	الصنف الأول	
96%	99%	نسبة النقاوة
4.97 غ/مم	5.05 غ/مم ً	متوسط القساوة
0.2 غ/مم	0.4 غُ/مم ً	الانحراف المعياري

المطلوب: أي العينتين تمثل المجتمع الإحصائي الذي سحبت منه ؟

رغبة منها في زيادة حجم مبيعاتها قررت الشركة الحديثة للصناعة إنتاج نوع جديد من البطاريات ذات المواصفات العالية التي يخضع عمرها لتوزيع طبيعي وسطه الحسابي (800) ساعة وانحرافه المعياري (36) ساعة، وقد كلفت إدارة الشركة مدير الإنتاج بإجراء اختبارات دورية على الإنتاج الجديد وذلك بسحب عينة عشوائية أسبوعياً حجمها (36) بطارية وحساب العمر الوسطي لها، فإذا كان العمر الوسطي للبطاريات في العينة أقل من (790.1) ساعة اعتبر الإنتاج غير محقق للمواصفات، والمطلوب:

- اكتب نص الفرضية الواجب اختبارها بعد سحب كل عينة عشوانية واكتب نص الفرضية البديلة ؟
 - ما هو مستوى الدلالة الذي اعتمدته إدارة الشركة وما هو رأيك فيه، علل إجابتك بالحسابات ؟
- السابقة وماذا يدعى ذلك ؟
- اقترح مدير الإنتاج على الإدارة زيادة حجم العينة المختبرة أسبو عياً ليصبح (64) بطارية وقد وافقت الإدارة على ذلك، ما هي النتائج المترتبة على هذا الإجراء، وما هو رأيك به، دعم إجابتك بالحسابات اللازمة ؟
- قررت إدارة الشركة تسويق الإنتاج الجديد على شكل عبوات وترغب بأن تكون متأكدة باحتمال (95.5%) أن العمر الوسطي للبطاريات في
 العبوة لن يقل عن (794) ساعة، فما هو عدد البطاريات الواجب وضعها في كل عبوة حتى يكون قرار الشركة محققاً ؟
- ادعت الشركة المتحدة للصناعة أنها أنتجت نوعاً جديداً من البطاريات عالية الجودة يبلغ عمرها الوسطي (850) ساعة فقامت جمعية حماية المستهلك بسحب عينة عشوانية من إنتاج هذه الشركة حجمها (36) بطارية فتبين أن الوسط الحسابي لعمر البطاريات ببلغ (808) ساعة والانحراف المعياري (48) ساعة، فهل تعتقد أن ادعاء الشركة المتحدة كان صحيحاً.
- قامت جمعية حماية المستهاك أيضاً بسحب عينة عشوانية حجمها (36) بطارية من إنتاج الشركة الحديثة فتبين أن الوسط الحسابي لعمر
 البطاريات قد بلغ (796) ساعة والانحراف المعياري (36) ساعة وقررت الجمعية بعد ذلك أن إنتاج الشركة المتحدة للصناعة أحسن بصورة
 حقيقية من إنتاج الشركة الحديثة للصناعة ؛ فهل كان قرار ها صحيحاً؛ دعم إجابتك بما تراه مناسباً.

b = 9.2 - 8.9 = 0.3 $-b \quad a = 8.9 - 0.3 = 8.6$ P=P=Z. V=91 1999(6 (4) viet à Gi 2 2 le gais = 20 \(\frac{1.96}{20\tag{20\tag{20\tag{20\tag{121}}}} = \interpret{12.87;27.13} D = 1/12000 Judelle ! il lies المعن (٢) غير مشوا سلية. ではないり $2 = \frac{p' - p}{\sqrt{\frac{pq}{n}}} = \frac{2 - 28}{\sqrt{\frac{28 + 72}{121}}} = -1.96 \Rightarrow \frac{0.95}{2} = 0.475$ Si = 85.18! \$ = 120.39! S, = 119.66? Sy = 75.03% ≥ 55; = 400.26% لتر (42.5%) . $S_1 = 119.66 \times \frac{400}{400.76} = 119.58 \%$ $S_2 = 85.13\%$ $N = \frac{(z)^2 \cdot (s)^2}{2(d)^2} = \frac{(1.96)^2 \times (55)^2}{2(0.5)^2} = 232$ Sy = 74.98? ESi = 400? 53 = 120.317 $n = \frac{(Z)^2 + p \times 9}{(d)^2} - \frac{(1.65)^2 \times 18 \times 8^2}{(3.3)^2} = 369$ ¥ 9,12005 8.9 9,2 7 = 95 9 = 98 3/200 مجم المسنة المسعومة غركائي لايم 121<369 Y *100 = 1/2.36 ≥ y = 8.9 × 112.36 = 10 Hs: P = 81 y 9.2 * 86.96 = 8 2/2000 = 100 HI:PFP y 3/2000 = 9.5 \(\frac{126.32}{100} = 12 (c) ind (T) ind! $2 = \frac{|P-P|}{\sqrt{\frac{98}{169}}} = \frac{196-981}{\sqrt{\frac{98}{169}}} = 1.86 = \frac{|P'-P|}{\sqrt{\frac{98}{169}}} = 0.93$ 3/2000 = 100 71,43 4/2000 = 9.8 * 1200 = 7 J1/2000 x100 = 10 x100 = 8.36 while Ho Je dy James you is Ho Je $c \neq 1 = \frac{\frac{911200}{51}}{51} \times 10^{2} \times 10^{2} = \frac{8.36}{8.9} \times 10^{2} = 93.93\%$ $(e \times I) = \frac{31/2000}{52} \times 100$ $= \frac{88513}{52} \times 100$ $Z = \frac{R - M}{67} = \frac{790.1 - 800}{36} = -1.65$ 92/2000 المون عمل المون عمل المون عمل المون عمل المون المولت منور رود (نو) ، وسرم، سه مها مراح $2 = \frac{98 - 1001}{6} = 3 \qquad 2 = \frac{101 - 1001}{6} = 1.83$ $-1.65 = \frac{\overline{\chi} - 800}{36} \Rightarrow \overline{\chi} = 800 - 1.65 + \frac{36}{64} = 792,57$ $n = \frac{(2)^2 + (36)^2}{(1)^2} = 144$ القرار: نقبل ١٥٠ للمنول) ويزمقا للمنه (١) M = V = Z · S = 808 F 3 * V3L السنة (1) عنوا لينه وعمل المم . [784;832] $Z = \frac{X - \overline{X}}{5} = \frac{112 - 101}{5.5} = +2 \Rightarrow \frac{0.9545}{2} = 0.47725$ عمام اکر الای افزیم الاصار ، اون الادر والی $2 = \frac{\widehat{X}_{1} - \widehat{X}_{1}}{\sqrt{\frac{5_{1}^{2}}{N_{1}} + \frac{5_{2}^{1}}{N_{1}}}} = \frac{\begin{vmatrix} 808 - 796 \end{vmatrix}}{\sqrt{\frac{(48)^{2}}{36} + \frac{(36)^{2}}{27}}} = \frac{12}{10} = 1.2$ لوع الا (0.5+0.4772) × 121= العدد نقبل طل والادماء ما لوح

Creative Accounting Jeam

Best Legards

Shmed Habbal